

EM WAVES

1. 5 GHz आवृत्ति की कोई विद्युत चुम्बकीय तरंग उस माध्यम में गमन कर रही है जिसका आपेक्षिक विद्युत परावैद्युतांक और चुम्बकीय पारगम्यता दोनों ही 2 है। इस माध्यम में इस तरंग का वेग $\times 10^7$ m/s है।

2. सूची-I को सूची-II से मिलाइए।

सूची-I	सूची-II
(a) सूक्ष्म तरंग आवृत्ति का स्रोत	(i) नाभिक पर रेडियोएक्टिव क्षय
(b) अवरक्त आवृत्ति का स्रोत	(ii) मैग्नेट्रॉन
(c) गामा किरणों का स्रोत	(iii) अंतरकक्षीय इलेक्ट्रॉन
(d) X-किरणों का स्रोत	(iv) परमाणुओं और अणुओं का कम्पन
	(v) लेजर
	(vi) RC परिपथ

नीचे दिए गए विकल्पों में से सही उत्तर चुनिए :

- (1) (a)-(vi), (b)-(iv), (c)-(i), (d)-(v)
- (2) (a)-(vi), (b)-(v), (c)-(i), (d)-(iv)
- (3) (a)-(ii), (b)-(iv), (c)-(vi), (d)-(iii)
- (4) (a)-(ii), (b)-(iv), (c)-(i), (d)-(iii)

3. कोई 3 GHz आवृत्ति की विद्युत चुम्बकीय तरंग निर्वात से किसी परावैद्युत माध्यम जिसकी सापेक्षिक विद्युतशीलता 2.25 है में प्रवेश करती है। इस माध्यम में इस तरंग की तरंगदैर्घ्य $\times 10^{-2}$ cm होगी।

4. 8 W के किसी बल्ब से आने वाले विकिरणों द्वारा बल्ब से 10 m की दूरी के किसी बिन्दु पर, जबकि इस बल्ब की दक्षता 10% है और यह बिन्दु स्रोत है,

उत्पन्न शिखर विद्युत क्षेत्र $\frac{x}{10} \sqrt{\frac{\mu_0 c}{\pi}} \frac{V}{m}$ है। यहाँ x का मान _____ है।

5. 1000 W के बल्ब द्वारा उत्सर्जित कोई विकिरण 2 m दूरी पर स्थित किसी बिन्दु P पर कोई विद्युत क्षेत्र और चुम्बकीय क्षेत्र उत्पन्न करता है। इस बल्ब की दक्षता 1.25% है। बिन्दु P पर शिखर विद्युत क्षेत्र का मान $x \times 10^{-1}$ V/m है तो x का मान _____ होगा। [$\epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \text{ C}^2\text{N}^{-1} \text{ m}^{-2}$ और $c = 3 \times 10^8 \text{ ms}^{-1}$ लीजिए।] (निकटतम संभावित पूर्णांक तक)

6. 500 MHz आवृत्ति की कोई समतल विद्युतचुम्बकीय तरंग, निर्वात में y-अक्ष के अनुदिश गति कर रही है। मुक्त आकाश के किसी विशिष्ट बिन्दु पर, \vec{B} का मान $8.0 \times 10^{-8} \hat{z} \text{ T}$ है। इस बिन्दु पर विद्युत क्षेत्र का मान होगा। (प्रकाश की चाल = $3 \times 10^8 \text{ ms}^{-1}$) $\hat{x}, \hat{y}, \hat{z}$ क्रमशः x, y, z दिशा के अनुदिश एकांक सदिश हैं।

- (1) $-24 \hat{x} \text{ V/m}$
- (2) $2.6 \hat{x} \text{ V/m}$

- (3) $24 \hat{x} \text{ V/m}$
- (4) $-2.6 \hat{y} \text{ V/m}$

7. मुक्त आकाश में गतिमान किसी विद्युतचुम्बकीय तरंग के लिए, विद्युत क्षेत्र एवं चुम्बकीय क्षेत्र के कारण औसत ऊर्जा घनत्वों, (U_e) और (U_m) में सम्बन्ध होगा :

- (1) $U_e = U_m$
- (2) $U_e > U_m$
- (3) $U_e < U_m$
- (4) $U_e \neq U_m$

8. किसी 100 W के बल्ब से उत्सर्जित विकिरणों द्वारा बल्ब से 3m दूरी पर उत्पन्न विद्युत क्षेत्र तीव्रता E है। इतनी ही दूरी पर 60 W के बल्ब से उत्सर्जित विकिरणों द्वारा उत्पन्न विद्युत क्षेत्र तीव्रता होगी $\sqrt{\frac{x}{5}} E$, यहाँ x = _____ है।

9. एक समतल विद्युतचुम्बकीय तरंग जिसकी आवृत्ति 100 MHz है x-अक्ष के अनुदिश निर्वात में गति कर रही है। समय और मुक्त आकाश में किसी विशेष बिन्दु पर, \vec{B} का मान $2.0 \times 10^{-8} \hat{k} \text{ T}$ है (जहाँ \hat{k} , z-अक्ष के अनुदिश एकांक सदिश है) इस बिन्दु पर \vec{E} का मान होगा : (प्रकाश की चाल, $c = 3 \times 10^8 \text{ m/s}$)

- (1) $0.6 \hat{j} \text{ V/m}$
- (2) $6.0 \hat{k} \text{ V/m}$
- (3) $6.0 \hat{j} \text{ V/m}$
- (4) $0.6 \hat{k} \text{ V/m}$

10. कोई समतल विद्युतचुम्बकीय तरंग जो y-दिशा के अनुदिश संचरण कर रही है, के विद्युत क्षेत्र (\vec{E}) और चुम्बकीय क्षेत्र (\vec{B}) घटकों का युग्म निम्न लिखित हो सकता है:

- (1) E_y, B_y अथवा E_z, B_z
- (2) E_y, B_x अथवा E_x, B_y
- (3) E_x, B_z अथवा E_z, B_x
- (4) E_x, B_y अथवा E_y, B_x

11. किसी विद्युत चुम्बकीय तरंग के विद्युत क्षेत्र सदिश और चुम्बकीय क्षेत्र सदिश क्रमशः $\vec{E} = E_0 \hat{i}$ और $\vec{B} = B_0 \hat{k}$ हैं। इस विद्युत चुम्बकीय तरंग की संचरण दिशा होगी:

- (1) (\hat{k})
- (2) \hat{j}
- (3) $(-\hat{k})$
- (4) $(-\hat{j})$

12. मुक्त आकाश में किसी बिन्दु पर सूर्य के प्रकाश की तीव्रता 0.092 Wm^{-2} है। इस बिन्दु पर चुम्बकीय क्षेत्र का शिखर मान होगा:— ($\epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \text{ C}^2\text{N}^{-1} \text{ m}^{-2}$)

- (1) $2.77 \times 10^{-8} \text{ T}$
- (2) $1.96 \times 10^{-8} \text{ T}$

- (3) 8.31 T (4) 5.88 T
13. वायु में कोई रैखिकत : ध्रुवित विद्युत चुम्बकीय तरंग
 $E = 3.1 \cos[(1.8)z - (5.4 \times 10^6)t] \hat{i}$ N/C
 $z = a$ पर स्थित किसी आदर्श परावर्ती दीवार पर अभिलम्बवत आपतन करती है।
 सही विकल्प चुनिए।
 (1) तरंगदैर्घ्य 5.4 m है।
 (2) विद्युत-चुम्बकीय तरंग की आवृत्ति 54×10^4 Hz है।
 (3) पारगत तरंग
 $3.1 \cos[(1.8)z - (5.4 \times 10^6)t] \hat{i}$ N/C होगी।
 (4) परावर्तित तरंग
 $3.1 \cos[(1.8)z + (5.4 \times 10^6)t] \hat{i}$ N/C होगी।
14. एक प्रकाश पुंज $E = 800 \sin \omega \left(t - \frac{x}{c} \right)$ से वर्णित है। एक इलेक्ट्रॉन $3 \times 10^7 \text{ ms}^{-1}$ चाल से प्रकाश पुंज के अभिलम्बवत गति करता है। इलेक्ट्रॉन पर लगने वाला अधिकतम चुम्बकीय बल क्या है?
 (1) 1.28×10^{-18} N (2) 1.28×10^{-21} N
 (3) 12.8×10^{-17} N (4) 12.8×10^{-18} N
15. एक विद्युत चुम्बकीय तरंग का चुम्बकीय क्षेत्र सदिश $B = B_0 \frac{\hat{i} + \hat{j}}{\sqrt{2}} \cos(kz - \omega t)$ से दिया गया है, जहाँ \hat{i} तथा \hat{j} क्रमशः x तथा y-अक्ष के अनुदिश मात्रक सदिश है। $t = 0$ s पर दो विद्युत आवेश 4π कूलाम का q_1 तथा 2π कूलाम q_2 क्रमशः $\left(0, 0, \frac{\pi}{k}\right)$ तथा $\left(0, 0, \frac{3\pi}{k}\right)$ पर रखे गये हैं जिनके समान वेग $0.5c$ \hat{i} हैं, (जहाँ c प्रकाश का निर्वात में वेग है) आवेश q_1 पर कार्यरत बल तथा आवेश q_2 पर कार्यरत बल का अनुपात होगा :
 (1) $2\sqrt{2} : 1$ (2) $1 : \sqrt{2}$
 (3) $2 : 1$ (4) $\sqrt{2} : 1$

16. एक समतल विद्युत चुम्बकीय तरंग में विद्युत क्षेत्र $E = 50 \sin(500x - 10 \times 10^{10}t)$ V/m दिया गया है। माध्यम में विद्युतचुम्बकीय तरंग का वेग है :
 (दिया है $C =$ निर्वात में प्रकाश की चाल)
 (1) $\frac{3}{2}C$ (2) C (3) $\frac{2}{3}C$ (4) $\frac{C}{2}$
17. एक समतल विद्युत चुम्बकीय तरंग 30 मेगाहर्ट्ज आवृत्ति से निर्वात में गति करती है। निश्चित अवकाश तथा समय पर, विद्युत क्षेत्र 6 V/m है। इस बिन्दु पर चुम्बकीय क्षेत्र $x \times 10^{-8}$ टेसला होगा। x का मान _____ है।
18. एक विद्युत चुम्बकीय तरंग में विद्युत क्षेत्र $E = (50 \text{ NC}^{-1}) \sin \omega (t - x/c)$ द्वारा दिया जाता है। आयतन V के एक बेलन में सम्मिलित ऊर्जा 5.5×10^{-12} J है। V का मान _____ cm^3 है।
 (दिया है $\epsilon_0 = 8.8 \times 10^{-12} \text{ C}^2 \text{N}^{-1} \text{m}^{-2}$)
19. अचुम्बकीय माध्यम में संचरित समतल विद्युत चुम्बकीय तरंग में विद्युत क्षेत्र $E = 20 \cos(2 \times 10^{10}t - 200x)$ V/m से दिया गया है। माध्यम का पैरावैधुतांक का मान है : (लीजिए $\mu_r = 1$)
 (1) 9 (2) 2 (3) $\frac{1}{3}$ (4) 3
20. एक समतल विद्युतचुम्बकीय तरंग में विद्युत क्षेत्र $\vec{E} = 200 \cos \left[\left(\frac{0.5 \times 10^3}{\text{m}} \right) x - \left(1.5 \times 10^{11} \frac{\text{rad}}{\text{s}} \times t \right) \right] \frac{\text{V}}{\text{m}} \hat{j}$ दिया गया है। 100 सेमी^2 क्षेत्रफल के परावर्तक सतह पर तरंग अभिलम्बवत पड़ती है। यदि विद्युत चुम्बकीय तरंग द्वारा सतह पर आरोपित विकिरण दाब 10 मिनट के उच्छादन के दौरान $\frac{x}{10^9} \frac{\text{N}}{\text{m}^2}$ हो, तो x के मान को ज्ञात कीजिए।

SOLUTION

1. Official Ans. by NTA (15)

Sol. Given : Frequency of wave $f = 5 \text{ GHz}$
 $= 5 \times 10^9 \text{ Hz}$
 Relative permittivity, $\epsilon_r = 2$
 and Relative permeability, $\mu_r = 2$
 Since speed of light in a medium is given by,

$$v = \frac{1}{\sqrt{\mu \epsilon}} = \frac{1}{\sqrt{\mu_r \mu_0 \cdot \epsilon_r \epsilon_0}}$$

$$v = \frac{1}{\sqrt{\mu_r \epsilon_r}} \cdot \frac{1}{\sqrt{\mu_0 \epsilon_0}} = \frac{C}{\sqrt{\mu_r \epsilon_r}}$$

Where C is speed of light in vacuum.

$$\therefore v = \frac{3 \times 10^8}{\sqrt{4}} = \frac{30 \times 10^7}{2} \text{ m/s}$$

$$= 15 \times 10^7 \text{ m/s} \quad \therefore \text{Ans. is } 15$$

2. Official Ans. by NTA (4)

- Sol.** (a) Source of microwave frequency is magnetron.
 (b) Source of infrared frequency is vibration of atoms and molecules.
 (c) Source of Gamma rays is radioactive decay of nucleus
 (d) Source of X-rays inner shell electron transition.

Option (4) is correct.

3. Official Ans. by NTA (667)

Sol. λ in vacuum $= \frac{c}{f} = \frac{3 \times 10^8}{3 \times 10^9} = 0.1 \text{ m}$
 $\therefore \lambda$ in medium $= \frac{0.1}{\mu}$

Where refractive index

$$\mu = \sqrt{\mu_r \epsilon_r}$$

Assuming non-magnetic material $\mu_r = 1$

$$\therefore \mu = \sqrt{2.25} = 1.5$$

$$\lambda_m = \frac{0.1}{1.5} = \frac{1}{15} \text{ m} = 6.67 \text{ cm}$$

$$= 667 \times 10^{-2} \text{ cm}$$

Ans. 667

4. Official Ans. by NTA (2)

Sol. $I = \frac{1}{2} c \epsilon_0 E_0^2$
 $\frac{8}{4\pi \times 10^2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{4} \times c \times \frac{1}{\mu_0 c^2} \times E_0^2$
 $E_0 = \frac{2}{10} \times \sqrt{\frac{\mu_0 c}{\pi}} \Rightarrow x = 2$

5. Official Ans. by NTA (137)

Sol. $I_{\text{avg}} = \frac{1}{2} \epsilon_0 E_0^2 C$
 $\frac{1.25}{100} \times \frac{1000}{4\pi(2)^2} = \frac{1}{2} \times 8.85 \times 10^{-12} \times 3 \times 10^8 \times E_0^2$
 $E_0^2 = 187.4$
 $\therefore E_0 = 13.689 \text{ V/m}$
 $= 136.89 \times 10^{-1} \text{ V/m}$
 $\therefore x = 136.89$
 Rounding off to nearest integer
 $x = 137$

6. Official Ans. by NTA (1)

Sol. $f = 5 \times 10^8 \text{ Hz}$
 EM wave is travelling towards $+\hat{j}$
 $\vec{B} = 8.0 \times 10^{-8} \hat{z} \text{ T}$
 $\vec{E} = \vec{B} \times \vec{C} = (8 \times 10^{-8} \hat{z}) \times (3 \times 10^8 \hat{y})$
 $= -24 \hat{x} \text{ V/m}$

7. Official Ans. by NTA (1)

Sol. In EMW, Average energy density due to electric (U_e) and magnetic (U_m) fields is same.

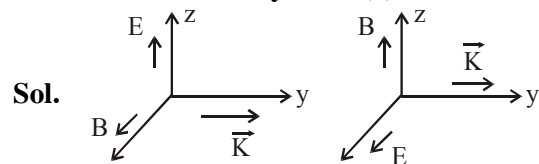
8. Official Ans. by NTA (3)

Sol. $c \epsilon_0 E^2 = \frac{100}{4\pi \times 3^2}$
 $c \epsilon_0 \left(\sqrt{\frac{x}{5}} E \right)^2 = \frac{60}{4\pi \times 3^2}$
 $\Rightarrow \frac{x}{5} = \frac{3}{5} \Rightarrow x = 3$

9. Official Ans. by NTA (3)

Sol. $E = BC = 6$
 (Dir. of wave) $\parallel (\vec{E} \times \vec{B})$
 $\hat{i} = \hat{j} \times \hat{k} \quad \vec{E} = 6\hat{j} \text{ V/m}$

10. Official Ans. by NTA (3)



11. Official Ans. by NTA (4)

Sol. Direction of propagation $= \vec{E} \times \vec{B} = \hat{i} \times \hat{k} = -\hat{j}$

12. Official Ans. by NTA (1)

$$\text{Sol. } I_{\text{avg}} = \frac{B_0^2 C}{2\mu_0} \& \frac{1}{\mu_0} = \epsilon_0 C^2$$

$$I = \frac{B_0^2}{2} \epsilon_0 C^3$$

$$B_0 = \sqrt{\frac{2I}{\epsilon_0 C^3}}$$

$$B_0 = 2.77 \times 10^{-8} \text{ T}$$

13. Official Ans. by NTA (4)

Sol. Reflected wave will have direction opposite to incident wave.

14. Official Ans. by NTA (4)

$$\text{Sol. } \frac{E_0}{C} = B_0$$

$$F_{\text{max}} = eB_0 V$$

$$= 1.6 \times 10^{-19} \times \frac{800}{3 \times 10^8} \times 3 \times 10^7$$

$$= 12.8 \times 10^{-18} \text{ N}$$

Ans. 4

15. Official Ans. by NTA (3)

$$\text{Sol. } \vec{F} = q(\vec{V} \times \vec{B})$$

$$\vec{F}_1 = 4\pi \left[0.5c\hat{i} \times B_0 \left(\frac{\hat{i} + \hat{j}}{2} \right) \cos \left(K \cdot \frac{\pi}{K} - 0 \right) \right]$$

$$\vec{F}_2 = 2\pi \left[0.5c\hat{i} \times B_0 \left(\frac{\hat{i} + \hat{j}}{2} \right) \cos \left(K \cdot \frac{3\pi}{K} - 0 \right) \right]$$

$$\cos\pi = -1, \quad \cos 3\pi = -1$$

$$\therefore \frac{F_1}{F_2} = 2$$

16. Official Ans. by NTA (3)

$$\text{Sol. } v = \frac{\omega}{K} = \frac{10 \times 10^{10}}{500} = 2 \times 10^8$$

$$v = \frac{2C}{3}$$

17. Official Ans. by NTA (2)

$$\text{Sol. } |B| = \frac{|E|}{C} = \frac{6}{3 \times 10^8}$$

$$= 2 \times 10^{-8} \text{ T}$$

$$\therefore x = 2$$

18. Official Ans. by NTA (500)

$$\text{Sol. } E = 50 \sin \left(\omega t - \frac{\omega}{c} x \right)$$

$$\text{Energy density} = \frac{1}{2} \epsilon_0 E_0^2$$

$$\text{Energy for volume } V = \frac{1}{2} \epsilon_0 E_0^2 \cdot V = 5.5 \times 10^{-12}$$

$$\frac{1}{2} 8.8 \times 10^{-12} \times 2500 V = 5.5 \times 10^{-12}$$

$$V = \frac{5.5 \times 2}{2500 \times 8.8} = .0005 \text{ m}^3$$

$$= .0005 \times 10^6 \text{ (c.m)}^3$$

$$= 500 \text{ (c.m)}^3$$

19. Official Ans. by NTA (1)

$$\text{Sol. } \text{Speed of wave} = \frac{2 \times 10^{10}}{200} = 10^8 \text{ m/s}$$

$$\text{Refractive index} = \frac{3 \times 10^8}{10^8} = 3$$

$$\text{Now refractive index} = \sqrt{\epsilon_r \mu_r}$$

$$3 = \sqrt{\epsilon_r (1)} \Rightarrow \epsilon_r = 9$$

Option (1)

20. Official Ans. by NTA (354)

$$\text{Sol. } E_0 = 200$$

$$I = \frac{1}{2} \epsilon_0 E_0^2 \cdot C$$

Radiation pressure

$$P = \frac{2I}{C}$$

$$= \left(\frac{2}{C} \right) \left(\frac{1}{2} \epsilon_0 E_0^2 C \right) = \epsilon_0 E_0^2$$

$$= 8.85 \times 10^{-12} \times 200^2$$

$$= 8.85 \times 10^{-8} \times 4 = \frac{354}{10^9}$$

$$\text{Ans. } 354.0$$