

MODERN PHYSICS

- एक हाइड्रोजन परमाणु में इलेक्ट्रॉन इसकी न्यूनतम ऊर्जा की कक्षा में 1.6×10^{-16} s में एक परिक्रमण पूरा करता है। पहली उत्तेजित अवस्था में इलेक्ट्रॉन की परिक्रमण आवृत्ति (frequency of revolution) होगी (s^{-1} में) :

(1) 6.2×10^{15} (2) 5.6×10^{12}
 (3) 7.8×10^{14} (4) 1.6×10^{14}
- तीव्रता 6.4×10^{-5} W/cm² वाले विद्युत-चुम्बकीय विकिरण के एक किरणपुंज में तरंगदैर्घ्य $\lambda = 310$ nm हैं। यह किरण पुंज एक धातु (कार्य फलन $\phi = 2$ eV) की सतह पर लम्बवत् 1 cm² क्षेत्रफल पर पड रहा है। यदि सतह पर पडने वाले 10^3 फोटॉनों में से केवल एक फोटॉन एक इलेक्ट्रॉन को निष्कासित करता हो और 1 s में निष्कासित इलेक्ट्रॉनों की संख्या 10^x हो, तो x का मान है _____।
 (hc=1240 eVnm, $1\text{eV}=1.6 \times 10^{-19}$ J)
- रेडियोधर्मी पदार्थ के एक नमूने की सक्रियता 30 मिनटों में 700 s⁻¹ से 500 s⁻¹ तक कम हो जाती है। इस पदार्थ की अर्ध आयु निम्न में से किसके निकट है?

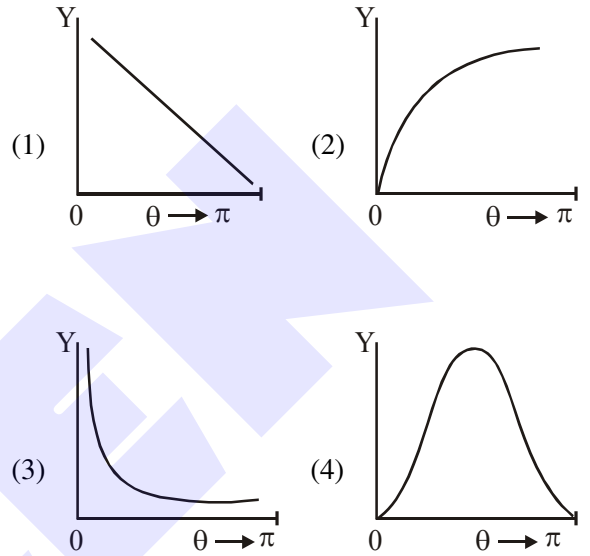
(1) 66 मिनट (2) 52 मिनट
 (3) 72 मिनट (4) 62 मिनट
- एक इलेक्ट्रॉन (द्रव्यमान m) और एक फोटोन की ऊर्जा E कुछ इलेक्ट्रॉन-वोल्ट है। इलेक्ट्रॉन की डी-ब्रोग्ली तरंगदैर्घ्य तथा फोटोन के तरंगदैर्घ्य का अनुपात होगा : (c = प्रकाश की निर्वात मे गति)

(1) $\left(\frac{E}{2m}\right)^{1/2}$ (2) $\frac{1}{c}\left(\frac{E}{2m}\right)^{1/2}$
 (3) $c(2mE)^{1/2}$ (4) $\frac{1}{c}\left(\frac{2E}{m}\right)^{1/2}$
- जब 4.0 eV ऊर्जा के फोटॉन धातु A की सतह पर पड़ते हैं, तो इससे उत्सर्जित इलेक्ट्रॉनों की अधिकतम गतिज ऊर्जा T_A eV है और इनका डी-ब्रोग्ली तरंगदैर्घ्य λ_A है। एक दूसरी धातु B पर 4.50 eV ऊर्जा के फोटॉनों के पडने पर उत्सर्जित इलेक्ट्रॉनों की अधिकतम गतिज ऊर्जा $T_B = (T_A - 1.5)$ eV है। यदि इनका डी-ब्रोग्ली तरंगदैर्घ्य $\lambda_B = 2\lambda_A$ है, तो धातु B के कार्य फलन का मान है :

(1) 3eV (2) 2eV
 (3) 4eV (4) 1.5eV

- नीचे दिये चित्रों में से कौन सा ग्राफ रदरफोर्ड के स्वर्ण पन्नी पर α -कणों द्वारा किये गये प्रयोग के परिणाम को दर्शाता है? यहां पर

θ : प्रकीर्णन कोण (Scattering angle)
 Y : प्रकीर्णित α -कणों की संख्या
 (चित्र सांकेतिक हैं)



- एक इलेक्ट्रॉन (द्रव्यमान m) का प्रारंभिक वेग $\vec{v} = v_0\hat{i} + v_0\hat{j}$ है यह एक विद्युत क्षेत्र $\vec{E} = -E_0\hat{k}$ में है। यदि इलेक्ट्रॉन की डी-ब्रोग्ली तरंग का प्रारंभिक तरंगदैर्घ्य λ_0 हो तो t समय के पश्चात इसका तरंगदैर्घ्य होगा :

(1) $\frac{\lambda_0\sqrt{2}}{\sqrt{1 + \frac{e^2E_0^2t^2}{m^2v_0^2}}}$ (2) $\frac{\lambda_0}{\sqrt{2 + \frac{e^2E_0^2t^2}{m^2v_0^2}}}$
 (3) $\frac{\lambda_0}{\sqrt{1 + \frac{e^2E_0^2t^2}{2m^2v_0^2}}}$ (4) $\frac{\lambda_0}{\sqrt{1 + \frac{e^2E_0^2t^2}{m^2v_0^2}}}$

- हाइड्रोजन परमाणु की बामर श्रृंखला के पहले घटक का तरंगदैर्घ्य 6561 \AA है। तब बामर श्रृंखला के दूसरे घटक का तरंगदैर्घ्य nm में होगा _____।
- गतिज ऊर्जा E के एक कण का डी-ब्रोग्ली तरंगदैर्घ्य λ है। यदि इसकी ऊर्जा में ΔE ऊर्जा और जोड़ी दी जाय तो तरंगदैर्घ्य का मान $\lambda/2$ हो जाता है। ΔE का मान है :

(1) 2E (2) E (3) 3E (4) 4E

10. तरंगदैर्घ्य 6561 \AA का विकिरण एक धातु की सतह पर पड़ता है और इससे प्रकाशिक इलेक्ट्रॉन (photoelectrons) पैदा होते हैं। इन इलेक्ट्रॉनों को एकसमान चुम्बकीय क्षेत्र, जिसका मान $3 \times 10^{-4} \text{ T}$ है, में प्रवेश कराने पर उनके द्वारा बनाये गये सबसे बड़े वृत्तीय पथ की त्रिज्या 10 mm है। धातु के कार्य फलन का मान निम्न में से किसके निकटतम है ?
 (1) 1.8 eV (2) 1.1 eV (3) 0.8 eV (4) 1.6 eV
11. हाइड्रोजन परमाणु जैसे एक आयन जो कि उसकी निम्नतम अवस्था में है को आयनित करने के लिये 9 रिडबर्ग ऊर्जा की आवश्यकता पड़ती है। यदि इस आयन में इलेक्ट्रॉन दूसरी उत्तेजित अवस्था से पहली उत्तेजित अवस्था में आये तो उत्सर्जित विकिरण का तरंगदैर्घ्य होगा ?
 (1) 35.8 nm (2) 24.2 nm
 (3) 8.6 nm (4) 11.4 nm
12. एक इलेक्ट्रॉन का द्रव्यमान m तथा इस पर आवेश का मान $|e|$ है। यह विरामावस्था में है तथा इस पर एक स्थिर विद्युत क्षेत्र E लगाकर इसे त्वरित किया जाता है। सापेक्षता के प्रभाव (relativistic effects) को नगण्य मानते हुए इलेक्ट्रॉन की डी-ब्रोग्ली तरंगदैर्घ्य की समय t पर बदलने की दर होगी :
 (1) $\frac{-h}{|e|Et^2}$ (2) $\frac{|e|Et}{h}$
 (3) $-\frac{h}{|e|E\sqrt{t}}$ (4) $-\frac{h}{|e|Et}$
13. एक रिएक्टर में, ${}_{92}\text{U}^{235}$ के 2 kg ईंधन को पूर्ण रूप से 30 दिन में प्रयोग किया जाता है। प्रति विखण्डन निकलने वाली ऊर्जा 200 MeV है। दिया है एवोगाड्रो संख्या $N = 6.023 \times 10^{26}$ प्रति किलो मोल और $1 \text{ eV} = 1.6 \times 10^{-19} \text{ J}$ रिएक्टर से निकलने वाली शक्ति लगभग होगी।
 (1) 125 MW (2) 60 MW
 (3) 35 MW (4) 54 MW
14. जब λ तरंगदैर्घ्य का विकिरण एक धातु की सतह पर पड़ता है तो उससे उत्सर्जित इलेक्ट्रॉनों का निरोधी विभव (stopping potential) V है। यदि इसी सतह पर तरंगदैर्घ्य 3λ का विकिरण पड़े तो निरोधी विभव $\frac{V}{4}$ हो जाता है। यदि इस सतह से इलेक्ट्रॉन उत्सर्जित करने के लिए अधिकतम तरंगदैर्घ्य $n\lambda$ का प्रयोग किया जा सकता है तो n का मान है _____.
15. एक हाइड्रोजन परमाणु इलेक्ट्रॉन $(n+1)^{\text{th}}$ कक्षा से n^{th} कक्षा पर जाता है। यदि $n \gg 1$ हो तो उत्सर्जित विकिरण की आवृत्ति निम्न में से किसके समानुपाती होगी ?
 (1) $\frac{1}{n^4}$ (2) $\frac{1}{n^3}$ (3) $\frac{1}{n^2}$ (4) $\frac{1}{n}$
16. तेजी से चलते हुए एक कण की गति एक गतिमान इलेक्ट्रॉन से 5 गुना ज्यादा है। कण के डी-ब्रोग्ली तरंगदैर्घ्य और इस इलेक्ट्रॉन के डी-ब्रोग्ली तरंगदैर्घ्य का अनुपात 1.878×10^{-4} है। कण का द्रव्यमान लगभग होगा -
 (1) $4.8 \times 10^{-27} \text{ kg}$
 (2) $1.2 \times 10^{-28} \text{ kg}$
 (3) $9.1 \times 10^{-31} \text{ kg}$
 (4) $9.7 \times 10^{-28} \text{ kg}$
17. एक धातु पर पड़ने वाले विकीरण की तरंगदैर्घ्य जब 500 nm से बदलकर 200 nm की जाती है, तो इससे उत्सर्जित होने वाले फोटोइलेक्ट्रॉन्स की अधिकतम गतिज ऊर्जा तीन गुना हो जाती है। ऐसी स्थिति में धातु की कार्यफलन निम्न में से किसके निकटतम है ?
 (1) 0.61 eV (2) 0.52 eV
 (3) 0.81 eV (4) 1.02 eV
18. एक रेडियोधर्मी पदार्थ में t समय बाद बचा हुआ सक्रिय पदार्थ आरम्भ में उपस्थित सक्रिय पदार्थ का $9/16$ भाग है। तब $t/2$ समय में बचा हुआ पदार्थ आरम्भिक पदार्थ का कौन सा भाग होगा ?
 (1) $\frac{3}{4}$ (2) $\frac{7}{8}$ (3) $\frac{4}{5}$ (4) $\frac{3}{5}$
19. द्रव्यमान संख्या A के एक नाभिक की त्रिज्या R का अनुमान $R = (1.3 \times 10^{-15})A^{1/3} \text{ m}$ सूत्र से लगाया जा सकता है। तब एक नाभिक के द्रव्यमान घनत्व की परिमाण कोटि (order of magnitude) होगी : (प्रोटान का द्रव्यमान \cong न्यूट्रॉन का द्रव्यमान $\cong 1.67 \times 10^{-27} \text{ kg}$)
 (1) $10^{24} \text{ kg m}^{-3}$
 (2) 10^3 kg m^{-3}
 (3) $10^{17} \text{ kg m}^{-3}$
 (4) $10^{10} \text{ kg m}^{-3}$

27. $200 \text{ MeV}/c^2$ द्रव्यमान का एक कण विरामावस्था के एक हाइड्रोजन परमाणु से संघट्ट करता है। संघट्ट के तुरंत पश्चात कण विराम अवस्था में आ जाता है तथा परमाणु प्रतिक्षेपित होकर अपनी प्रथम उत्तेजित अवस्था में चला जाता है। कण की आरम्भिक गतिज ऊर्जा का मान (eV में) $\frac{N}{4}$ है N का मान होगा। (दिया है हाइड्रोजन परमाणु का द्रव्यमान = $1 \text{ GeV}/c^2$)
28. एक रेडियोएक्टिव नाभिक दो अलग-अलग प्रक्रियाओं से विघटित होता है। पहली प्रक्रिया की अर्धायु 10 s है और दूसरी की 100 s है। उस नाभिक की प्रभावी अर्धायु का निकटतम मान है :
- (1) 9 sec (2) 55 sec
(3) 6 sec (4) 12 sec
29. एक धातु की सतह क्रमशः $E_1 = 4 \text{ eV}$ और $E_2 = 2.5 \text{ eV}$ की ऊर्जा के फोटॉनों द्वारा प्रकाशित की जाती है। इन दो स्थितियों में उत्सर्जित प्रकाश-इलेक्ट्रॉनों की अधिकतम गतियों का अनुपात 2 है। इस धातु का कार्य फलन (eV में) होगा _____।
30. एक इलेक्ट्रॉन, एक द्वि आयनित हीलियम आयन (He^{++}) तथा एक प्रोटॉन की गतिज ऊर्जा समान हैं। उनकी दे-ब्रोग्ली तरंगदैर्घ्यों λ_e , $\lambda_{\text{He}^{++}}$ तथा λ_p के बीच सम्बन्ध है :
- (1) $\lambda_e < \lambda_p < \lambda_{\text{He}^{++}}$
(2) $\lambda_e < \lambda_{\text{He}^{++}} = \lambda_p$
(3) $\lambda_e > \lambda_{\text{He}^{++}} > \lambda_p$
(4) $\lambda_e > \lambda_p > \lambda_{\text{He}^{++}}$
31. दिया है ${}^7_3\text{Li}$ का द्रव्यमान = 7.0160 u ,
 ${}^4_2\text{He}$ का द्रव्यमान = 4.0026 u
तथा ${}^1_1\text{H}$ का द्रव्यमान = 1.0079 u .
- जब $20 \text{ g } {}^7_3\text{Li}$ को प्रोटॉन अभिग्रहण द्वारा ${}^4_2\text{He}$ में बदला जाता है तो, kWh में मुक्त ऊर्जा है :
- [Mass of nucleon = $1 \text{ GeV}/c^2$]
- (1) 8×10^6 (2) 1.33×10^6
(3) 6.82×10^5 (4) 4.5×10^5
32. विभिन्न परमाणुक कणों का मान
 $m_p = 1.0072 \text{ u}$, $m_n = 1.0087 \text{ u}$,
 $m_e = 0.000548 \text{ u}$, $m_{\bar{\nu}} = 0$ तथा $m_d = 2.0141 \text{ u}$ है।
जहाँ $p \equiv$ प्रोटॉन, $n \equiv$ न्यूट्रॉन, $e \equiv$ इलेक्ट्रॉन, $\bar{\nu} \equiv$ एण्टी (प्रति) न्यूट्रिनो तथा $d \equiv$ ड्यूटिरॉन है। संवेग तथा ऊर्जा संरक्षण के अनुसार निम्न में से कौनसा प्रक्रम अनुमत है ?
- (1) $n + p \rightarrow d + \gamma$
(2) $e^+ + e^- \rightarrow \gamma$
(3) $n + n \rightarrow$ ड्यूटिरियम परमाणु
(नाभिक से बद्ध इलेक्ट्रॉन)
(4) $p \rightarrow n + e^+ + \bar{\nu}$
33. यह मान लें कि नाइट्रोजन अणु 400 K पर वर्गमाध्य मूल वेग से गतिशील है, तब नाइट्रोजन अणुओं की डे-ब्रोग्ली तरंगदैर्घ्य लगभग है -
(दिया है : नाइट्रोजन अणु का भार : $4.64 \times 10^{-26} \text{ kg}$,
वोल्टजमान स्थिरांक : $1.38 \times 10^{-23} \text{ J/K}$,
प्लांक स्थिरांक : $6.63 \times 10^{-34} \text{ J.s}$)
- (1) 0.34 \AA (2) 0.24 \AA
(3) 0.20 \AA (4) 0.44 \AA
34. टिन के नाभिक ${}^{120}_{50}\text{Sn}$ के लिये प्रति न्यक्लियॉन बंधन ऊर्जा कितनी होगी ? यह दिया हुआ है कि प्रोटॉन का द्रव्यमान $m_p = 1.00783 \text{ U}$, न्यूट्रॉन का द्रव्यमान $m_n = 1.00867 \text{ U}$ और टिन के नाभिक का द्रव्यमान $m_{\text{Sn}} = 119.902199 \text{ U}$ ($1 \text{ U} = 931 \text{ MeV}$ लें)
- (1) 8.5 MeV (2) 7.5 MeV
(3) 8.0 MeV (4) 9.0 MeV

SOLUTION

1. NTA Ans. (3)

Sol. Time period of revolution of electron in n^{th} orbit

$$T = \frac{2\pi r}{v} = \frac{2\pi a_0 \left(\frac{n^2}{Z}\right)}{v_0 \left(\frac{Z}{n}\right)}$$

$$\Rightarrow T \propto \frac{n^3}{Z^2}$$

$$\frac{T_2}{T_1} = \frac{(2)^3}{(1)^3} = 8 \Rightarrow T_2 = 8 \times 1.6 \times 10^{-16}$$

Now frequency $f_2 = \frac{1}{T_2} = \frac{10^{16}}{8 \times 1.6} \approx 7.8 \times 10^{14} \text{ Hz.}$

2. NTA Ans. (11)

Sol. Power incident $P = I \times A$

$n =$ no. of photons incident/second

$$nE_{\text{ph}} = IA$$

$$n = \frac{IA}{E_{\text{ph}}}$$

$$n = \frac{IA}{\left(\frac{hc}{\lambda}\right)} = \frac{6.4 \times 10^{-5} \times 1}{\frac{1240}{310} \times 1.6 \times 10^{-19}}$$

$n = 10^{+14}$ per second

Since efficiency $= 10^{-3}$

no. of electrons emitted $= 10^{+11}$ per second.

$x = 11.$

3. NTA Ans. (4)

Sol. $A = A_0 \left(\frac{1}{2}\right) \frac{t}{T_{1/2}}$

$$500 = 700 \left(\frac{1}{2}\right) \frac{t}{T_{1/2}}$$

$$0.7 \approx \left(\frac{1}{2}\right) \frac{t}{T_{1/2}}$$

$$\left(\frac{1}{2}\right)^{1/2} \approx \frac{t}{T_{1/2}}$$

$$\frac{30}{T_{1/2}} \approx \frac{1}{2} \Rightarrow T_{1/2} = 60$$

4. NTA Ans. (2)

Sol. $\frac{\lambda_{\text{electron}}}{\lambda_{\text{photon}}} = ?$

$$E = \frac{hc}{\lambda_{\text{photon}}} \quad \dots(1)$$

$$\lambda_{\text{electron}} = \frac{h}{\sqrt{2mE}} \quad \dots(2)$$

from (1) and (2)

$$\frac{\lambda_{\text{electron}}}{\lambda_{\text{photon}}} = \frac{1}{c} \left(\frac{E}{2m}\right)^{1/2}$$

5. NTA Ans. (3)

Sol. $\lambda_B = 2\lambda_A$

$$\Rightarrow \frac{h}{\sqrt{2T_B m}} = \frac{2h}{\sqrt{2T_A m}}$$

$$T_A = 4T_B \quad \dots(i)$$

$$\text{and } T_B = (T_A - 1.5) \text{ eV} \quad \dots(ii)$$

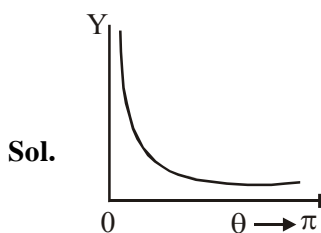
from (i) and (ii)

$$3T_B = 1.5 \text{ eV} \Rightarrow T_B = 0.5 \text{ eV}$$

$$T_B = 0.5 \text{ eV} = 4.5 \text{ eV} - \phi_B$$

$$\phi = 4 \text{ eV}$$

6. NTA Ans. (3)



$$Y \propto \frac{1}{\left(\sin \frac{\theta}{2}\right)^4}$$

7. NTA Ans. (3)

Sol. By de-Broglie hypothesis

$$\lambda = \frac{h}{mv}$$

$$\lambda_0 = \frac{h}{m\sqrt{2}v_0} \quad \dots\dots(1)$$

$$\lambda' = \frac{h}{\sqrt{v_0^2 + v_0^2 + \left(\frac{eE_0 t}{m}\right)^2}}$$

$$= \frac{h}{m\sqrt{2v_0^2 + \frac{e^2 E_0^2 t^2}{m^2}}} \quad \dots\dots(2)$$

By (1) and (2)

$$\lambda' = \frac{\lambda_0}{\sqrt{1 + \frac{e^2 E_0^2 t^2}{2m^2 v_0^2}}}$$

8. NTA Ans. (486)

Sol. For Balmer series,

$$\frac{1}{\lambda} = R_H \left(\frac{1}{2^2} - \frac{1}{n_2^2} \right)$$

$$\frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{\left(\frac{1}{2^2} - \frac{1}{3^2} \right)}{\left(\frac{1}{2^2} - \frac{1}{4^2} \right)}$$

$$\frac{\lambda_2}{6561} = \frac{5/36}{3/16}$$

$$\lambda_2 = \frac{20}{27} \times 6561$$

$$\lambda_2 = 4860 \text{ \AA} = 486 \text{ nm}$$

9. NTA Ans. (3)

Sol. Given, de-Broglie wavelength = $\frac{h}{\sqrt{2mE}} = \lambda$

$$\text{Also, } \frac{h}{\sqrt{2m(E + \Delta E)}} = \frac{\lambda}{2}$$

$$\therefore \frac{E + \Delta E}{E} = 4 \Rightarrow \Delta E = 3E.$$

10. NTA Ans. (2)

Sol. Let the work function be ϕ .

$$\therefore KE_{\max} = \frac{hc}{\lambda} - \phi$$

$$\text{Again, } R_{\max} = \frac{\sqrt{2mKE_{\max}}}{qB} = \frac{\sqrt{2m\left(\frac{hc}{\lambda} - \phi\right)}}{qB}$$

$$\therefore \frac{R_{\max}^2 q^2 B^2}{2m} = \frac{hc}{\lambda} - \phi$$

$$\therefore \phi = \frac{hc}{\lambda} - \frac{R_{\max}^2 q^2 B^2}{2m} = 1.0899 \text{ eV} \approx 1.1 \text{ eV}$$

11. NTA Ans. (4)

Sol. 1 Rydberg energy = 13.6 eV

So, ionisation energy = $(13.6 Z^2)eV$

$$= 9 \times 13.6eV$$

$$Z = 3$$

$$\frac{1}{\lambda} = RZ^2 \left(\frac{1}{1^2} - \frac{1}{3^2} \right) = 1.09 \times 10^7 \times 9 \times \frac{8}{9}$$

$$\lambda = 11.4 \text{ nm}$$

12. NTA Ans. (1)

Sol. $a = \frac{eE}{m}$

$$v = u + at = \left(\frac{eE}{m} \right) t$$

$$\lambda = \frac{h}{mv}$$

$$\frac{d\lambda}{dt} = \frac{-(hm) \cdot \frac{dv}{dt}}{(mv)^2} = -\frac{ah}{mv^2} = -\frac{h}{|e|Et^2}$$

∴ Correct answer (1)

13. Official Ans. by NTA (2)

Sol. Number of uranium atoms in 2kg

$$= \frac{2 \times 6.023 \times 10^{26}}{235}$$

energy from one atom is 200×10^6 e.v. hence total energy from 2 kg uranium

$$= \frac{2 \times 6.023 \times 10^{26}}{235} \times 200 \times 10^6 \times 1.6 \times 10^{-19} \text{ J}$$

2 kg uranium is used in 30 days hence this energy is recieved in 30 days hence energy recived per second or power is

$$\text{Power} = \frac{2 \times 6.023 \times 10^{26} \times 200 \times 10^6 \times 1.6 \times 10^{-19}}{235 \times 30 \times 24 \times 3600}$$

$$\text{Power} = 63.2 \times 10^6 \text{ watt or } 63.2 \text{ Mega Watt}$$

14. Official Ans. by NTA (9)

Sol. $\frac{hc}{\lambda} = \frac{hc}{\lambda_0} + eV$ (i)

$$\frac{hc}{3\lambda} = \frac{hc}{\lambda_0} + \frac{e \cdot V}{4}$$
(ii)

(multiply by 4)

$$\frac{4hc}{3\lambda} = \frac{4hc}{\lambda_0} + eV$$
(iii)

From (i) & (iii)

$$\frac{hc}{\lambda} - \frac{hc}{\lambda_0} = \frac{4hc}{3\lambda} - \frac{4hc}{\lambda_0}$$

$$-\frac{hc}{3\lambda} = -\frac{3hc}{\lambda_0}$$

$$\boxed{9\lambda = \lambda_0}$$

$$n = 9$$

15. Official Ans. by NTA (2)

Sol. In hydrogen atom,

$$E_n = \frac{-E_0}{n^2}$$

Where E_0 is Ionisation Energy of H.

→ For transition from $(n + 1)$ to n , the energy of emitted radiation is equal to the difference in energies of levels.

$$\Delta E = E_{n+1} - E_n$$

$$\Delta E = E_0 \left(\frac{1}{n^2} - \frac{1}{(n+1)^2} \right)$$

$$\Delta E = h\nu = E_0 \left(\frac{(n+1)^2 - n^2}{n^2(n+1)^2} \right)$$

$$h\nu = E_0 \left[\frac{2n+1}{n^4 \left(1 + \frac{1}{n} \right)^2} \right]$$

$$h\nu = E_0 \left[\frac{n \left(2 + \frac{1}{n} \right)}{n^4 \left(1 + \frac{1}{n} \right)^2} \right]$$

Since $n \gg \gg 1$

$$\text{Hence, } \frac{1}{n} \approx 0$$

$$h\nu = E_0 \left[\frac{2}{n^3} \right]$$

$$v \propto \frac{1}{n^3}$$

16. Official Ans. by NTA (4)

Sol. Let mass of particle = m

Let speed of $e^- = V$

⇒ speed of particle = $5V$

$$\text{Debroglie wavelength } \lambda_d = \frac{h}{P} = \frac{h}{mv}$$

$$\Rightarrow (\lambda_d)_p = \frac{h}{m(5V)} \quad \dots(1)$$

$$\Rightarrow (\lambda_d)_e = \frac{h}{m_e \cdot V} \quad \dots(2)$$

According to question

$$\frac{(1)}{(2)} = \frac{m_e}{5m} = 1.878 \times 10^{-4}$$

$$\Rightarrow m = \frac{m_e}{5 \times 1.878 \times 10^{-4}}$$

$$\Rightarrow m = \frac{9.1 \times 10^{-31}}{5 \times 1.878 \times 10^{-4}}$$

$$\Rightarrow m = 9.7 \times 10^{-28} \text{ kg}$$

17. Official Ans. by NTA (1)

$$\text{Sol. } \frac{3}{1} = \frac{\frac{hc}{200 \text{ nm}} - \phi}{\frac{hc}{500 \text{ nm}} - \phi}, \quad hc = 1240 \text{ eV-nm}$$

On solving $\phi = 0.61 \text{ eV}$

18. Official Ans. by NTA (1)

Sol. First order decay

$$N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$$

$$\text{Given } N(t) / N_0 = 9/16 = e^{-\lambda t}$$

$$\text{Now, } N(t/2) = N_0 e^{-\lambda t/2}$$

$$\frac{N(t/2)}{N_0} = \sqrt{e^{-\lambda t}} = \sqrt{9/16}$$

$$N(t/2) = 3/4 N_0$$

19. Official Ans. by NTA (3)

Sol.

$$\rho_{\text{nucleus}} = \frac{\text{mass}}{\text{volume}} = \frac{A}{(4/3)\pi r_0^3 A} = \frac{3}{4\pi r_0^3} = 2.3 \times 10^{17} \text{ kg/m}^3$$

20. Official Ans. by NTA (4)

$$\text{Sol. } q\Delta V = \frac{1}{2} mV^2 \Rightarrow v = \sqrt{\frac{2q\Delta V}{m}}$$

$$\therefore \frac{V_1}{V_2} = \sqrt{\frac{e \cdot 4m}{m \cdot e}} = 2$$

21. Official Ans. by NTA (1)

$$\text{Sol. } P = \frac{nhc}{\lambda t}$$

$$\therefore \frac{n_1}{n_2} = \frac{\lambda_1}{\lambda_2} = \frac{1}{5}$$

22. Official Ans. by NTA (1)

Sol. Graph of V_s and f given (B 5.5, 0)

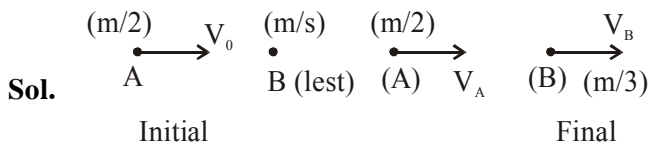
$$h\nu = \phi + eV_s$$

$$\text{at B } V_s = 0, \quad v = 5.5$$

$$\Rightarrow h \times 5.5 \times 10^{14} = \phi$$

$$\phi = \frac{6.62 \times 10^{-34} \times 5.5 \times 10^{14}}{1.6 \times 10^{-19}} \text{ eV} = 2.27 \text{ eV}$$

23. Official Ans. by NTA (1)



Applying momentum conservation

$$\frac{m}{2} \times V_0 + \frac{m}{3} \times (0) = \frac{m}{2} V_A + \frac{m}{3} V_B$$

$$= \frac{V_0}{2} = \frac{V_A}{2} + \frac{V_B}{3} \dots (1)$$

Since, collision is elastic ($e = 1$)

$$e = 1 = \frac{V_B - V_A}{V_0} \Rightarrow V_0 = V_B - V_A \dots (2)$$

On solving (1) & (2) : $V_A = \frac{V_0}{5}$

Now, De-Broglie wavelength of A before collision :

$$\lambda_0 = \frac{h}{m_A V_0} = \frac{h}{\left(\frac{m}{2}\right) V_0}$$

$$\Rightarrow \lambda_0 = \frac{2h}{mV_0}$$

Final De-Broglie wavelength :

$$\lambda_f = \frac{h}{m_A V_0} = \frac{h}{\frac{m}{2} \times \frac{V_0}{5}} \Rightarrow \lambda_f = \frac{10h}{mV_0}$$

Now $\Delta\lambda = \lambda_f - \lambda_0$

$$\Delta\lambda = \frac{10h}{mV_0} - \frac{2h}{mV_0}$$

$$\Rightarrow \Delta\lambda = \frac{8h}{mV_0} \Rightarrow \Delta\lambda = 4 \times \frac{2h}{mV_0}$$

$$\Rightarrow \Delta\lambda = 4\lambda_0$$

option (1) is correct.

24. Official Ans. by NTA (10553)
Official Ans. by ALLEN (10553.14)

Sol.
$$\lambda = \frac{c}{\left(\frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2}\right)}$$

for lyman series

$$\lambda_1 = \frac{c}{\frac{1}{1^2} - \frac{1}{\infty^2}} = c \quad (n = \infty \text{ to } n = 1)$$

$$\lambda_2 = \frac{c}{\frac{1}{1^2} - \frac{1}{2^2}} = \frac{4c}{3} \quad (n = 2 \text{ to } n = 1)$$

$$\Delta\lambda = \lambda_2 - \lambda_1 = \frac{c}{3} = 304 \text{ \AA} \Rightarrow c = 912 \text{ \AA}$$

for paschen series

$$\lambda_1 = \frac{c}{\frac{1}{3^2} - \frac{1}{\infty^2}} = 9c \quad (n = \infty \text{ to } n = 3)$$

$$\lambda_2 = \frac{c}{\frac{1}{3^2} - \frac{1}{4^2}} = \frac{144c}{7} \quad (n = 4 \text{ to } n = 3)$$

$$\Delta\lambda = \lambda_2 - \lambda_1 = \frac{144c}{7} - 9c = \frac{81c}{7} = \frac{81 \times 912}{7}$$

$$= 10553.14 \text{ \AA}$$

25. Official Ans. by NTA (3)

Sol.
$$eV = \frac{hc}{\lambda} - \phi$$

$$V = \left(\frac{hc}{e}\right) \left(\frac{1}{\lambda}\right) - \phi$$

Slope of the line in above equation and all other terms are independent of intensity.

The graph does not change.

26. Official Ans. by NTA (3)

Sol.
$$R = R_0 e^{-\lambda t}$$

$$\ln R = \ln R_0 - \lambda t$$

$$\lambda_A = \frac{6}{10} \Rightarrow T_A = \frac{10}{6} \ln 2$$

$$\lambda_B = \frac{6}{5} \Rightarrow T_B = \frac{5 \ln 2}{6}$$

$$\lambda_C = \frac{2}{5} \Rightarrow T_C = \frac{5 \ln 2}{2}$$

$$\frac{10}{6} : \frac{5}{6} : \frac{15}{6} :: 2 : 1 : 3$$

34. Official Ans. by NTA (1)

Sol. $B.E. = [\Delta m].c^2$

$$M_{\text{expected}} = ZM_p + (A - Z)M_n$$
$$= 50 [1.00783] + 70 [1.00867]$$

$$M_{\text{actual}} = 119.902199$$

$$B.E. = \left[50[1.00783] + 70[1.00867] - 119.902199 \right]$$
$$\times 931$$

$$= 1020.56$$

$$\frac{BE}{\text{nucleon}} = \frac{1020.56}{120} = 8.5 \text{ MeV}$$