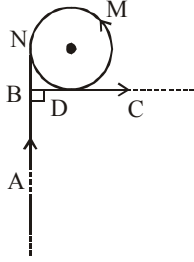


6. एक लम्बा तार ABDMNDC चित्र में दिखाया गया है और इसमें विद्युत धारा I बह रही है। इस तार के AB और BC भाग सीधे हैं और एक दूसरे से समकोण बनाते हैं। D पर तार घूमते हुए R त्रिज्या का एक वृत्त DMND बनाता है तथा तार के AB और BC भाग इस वृत्त पर क्रमशः N तथा D पर स्पर्श रेखाएँ बनाते हैं। इस दशा में वृत्त के केन्द्र पर चुम्बकीय क्षेत्र का मान है :

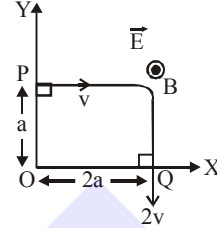


- (1) $\frac{\mu_0 I}{2R}$
 (2) $\frac{\mu_0 I}{2\pi R}(\pi + 1)$
 (3) $\frac{\mu_0 I}{2\pi R}\left(\pi + \frac{1}{\sqrt{2}}\right)$
 (4) $\frac{\mu_0 I}{2\pi R}\left(\pi - \frac{1}{\sqrt{2}}\right)$

7. एक लम्बे सीधे a त्रिज्या के तार में विद्युत धारा बह रही है। यह धारा इसके अनुप्रस्थ काट पर समान रूप से वितरित है। तार द्वारा इसके अक्ष के क्रमशः $\frac{a}{3}$ तथा $2a$ दूरी पर बनने वाले चुम्बकीय क्षेत्रों के मान का अनुपात होगा :

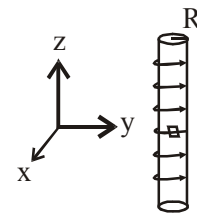
- (1) $\frac{2}{3}$
 (2) $\frac{3}{2}$
 (3) $\frac{1}{2}$
 (4) 2

8. द्रव्यमान ' m ' और आवेश ' q ' का एक कण समान विद्युत क्षेत्र $E\hat{i}$ तथा एकसमान चुम्बकीय क्षेत्र $B\hat{k}$ में चलता हुआ बिन्दु P से चित्र में दिखाये पथ पर चलकर बिन्दु Q तक पहुँचता है। कण का बिन्दुओं P और Q पर वेग क्रमशः $v\hat{i}$ तथा $-2v\hat{j}$ है ऐसे में नीचे दिये गये कथनों (A, B, C, D) में से कौन-कौन से कथन सही हैं? (दिखाया गया पथ सांकेतिक है) :



- (A) $E = \frac{3}{4}\left(\frac{mv^2}{qa}\right)$
 (B) बिन्दु P पर विद्युत क्षेत्र द्वारा कण पर किये जा रहे कार्य की दर $\frac{3}{4}\left(\frac{mv^3}{a}\right)$ है।
 (C) दोनों विद्युत तथा चुम्बकीय क्षेत्रों द्वारा कण पर बिन्दु Q पर किये जा रहे कार्य की दर शून्य है।
 (D) बिन्दुओं P और Q पर कण के कोणीय संवेग के मान में 2 mav का अन्तर है।
 (1) (A), (B), (C), (D) (2) (A), (B), (C)
 (3) (B), (C), (D) (4) (A), (C), (D)

9. एक इलैक्ट्रॉन प्रक्षेपी (electron gun) को R त्रिज्या की एक लम्बी परिनालिका के अक्ष पर रखा हुआ है। परिनालिका में तार के n घुमाव प्रति इकाई लम्बाई है तथा इसमें बहने वाली विद्युत धारा का मान I है। इलैक्ट्रॉन प्रक्षेपी परिनालिका की त्रिज्या की दिशा में v गति से इलैक्ट्रॉन प्रक्षेपित करती है। यदि प्रक्षेपित इलैक्ट्रॉन परिनालिका की सतह से नहीं टकराते हैं तो v का अधिकतम मान कितना हो सकता है? (सभी अक्षरों का मानक अर्थ लें) :

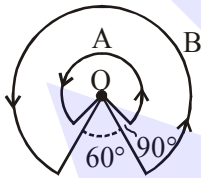


- (1) $\frac{e\mu_0 nIR}{m}$ (2) $\frac{e\mu_0 nIR}{2m}$
 (3) $\frac{2e\mu_0 nIR}{m}$ (4) $\frac{e\mu_0 nIR}{4m}$

17. एक प्रतिचुम्बकीय (diamagnetic) पदार्थ से बने एक गोले के केन्द्र पर एक छोटी गोलाकार गुहा बनायी गयी है जिसमें एक अनुचुम्बकीय (paramagnetic) पदार्थ भर दिया गया है। इस पूरे निकाय को एक एकसमान चुम्बकीय क्षेत्र \vec{B} में रखा जाय तो अनुचुम्बकीय पदार्थ में चुम्बकीय क्षेत्र होगा :



- (1) $|\vec{B}|$ से बहुत अधिक और \vec{B} के समान्तर
 (2) शून्य
 (3) \vec{B}
 (4) $|\vec{B}|$ से बहुत अधिक और \vec{B} के प्रति समानान्तर
18. एक गैल्वेनोमापी की कुंडली में 500 घुमाव (turns) है और हर घुमाव का औसत क्षेत्रफल $3 \times 10^{-4} \text{ m}^2$ है। यदि इस कुंडली में 0.5A विद्युत धारा बह रही हो तो इसे एक चुम्बकीय क्षेत्र में उस क्षेत्र के समानान्तर रखने के लिये 1.5 Nm बल आघूर्ण की आवश्यकता पड़ती है। तब टेसला में चुम्बकीय क्षेत्र का मान है _____।
19. किसी वृत्त के चाप के रूप में मुड़े एक तार A में 2A धारा प्रवाहित हो रही है तथा त्रिज्या 2 cm है जबकि वृत्त के चाप के रूप में मुड़े एक अन्य तार B में 3A धारा प्रवाहित हो रही है तथा त्रिज्या 4 cm है। ये चित्रानुसार रखे हुए हैं। उभयनिष्ठ केन्द्र O पर तार A व B के कारण चुम्बकीय क्षेत्रों का अनुपात होगा:-



- (1) 4 : 6
 (2) 6 : 4
 (3) 6 : 5
 (4) 2 : 5
20. एक लघु छड़ चुम्बक जिसकी अक्ष 0.06 T के बाह्य क्षेत्र से 30° कोण पर है, पर 0.018 Nm का बलाघूर्ण लगता है। इसे इसकी स्थायी से अस्थायी साम्यावस्था स्थिति तक घूर्णन कराने के लिये आवश्यक न्यूनतम कार्य होगा:-
- (1) $9.2 \times 10^{-3} \text{ J}$
 (2) $6.4 \times 10^{-2} \text{ J}$
 (3) $11.7 \times 10^{-3} \text{ J}$
 (4) $7.2 \times 10^{-2} \text{ J}$
21. जब अनुचुम्बकीय पदार्थ से बने एक नमूने को 4 K तापमान पर 0.4 T मान के बाहरी चुम्बकीय क्षेत्र में रखा जाता है, तो इस पर उत्पन्न चुंबकन का मान 6 Am^{-1} है। यदि इसी नमूने को 24 K तापमान पर 0.3 T मान के चुम्बकीय क्षेत्र में रखा जाए तो इसमें उत्पन्न चुंबकन का मान होगा:-
- (1) 4 A/m
 (2) 0.75 A/m
 (3) 2.25 A/m
 (4) 1 A/m

22. भुजाओं 2a वाले एक वर्गीय पाश, जिसमें धारा I बह रही हैं, को XZ समतल में मूल बिंदु पर केन्द्रित करके रखा गया है। एक लंबा तार, जिसमें भी धारा I बह रही है, को z-अक्ष के समांतर रखा गया है जिससे वह तार बिंदु (0, b, 0) से होकर गुजरता है ($b \gg a$)। z-अक्ष के परितः पाश पर लगने वाले बल आघूर्ण का परिमाण इससे दिया जायेगा:

$$(1) \frac{2\mu_0 I^2 a^2}{\pi b}$$

$$(2) \frac{\mu_0 I^2 a^3}{2\pi b^2}$$

$$(3) \frac{\mu_0 I^2 a^2}{2\pi b}$$

$$(4) \frac{2\mu_0 I^2 a^3}{\pi b^2}$$

23. 10^{-3} m^3 आयतन एवं 1000 सापेक्षिक चुम्बकशीलता की एक लोहे की छड़ को एक परिनालिका में क्रोड की तरह रखा गया है। परिनालिका में फेरों की संख्या 10 फेरे/cm है। यदि 0.5 A धारा परिनालिका में प्रवाहित की जाये तो छड़ का चुम्बकीय आघूर्ण होगा :
- (1) $0.5 \times 10^2 \text{ Am}^2$
 (2) $50 \times 10^2 \text{ Am}^2$
 (3) $500 \times 10^2 \text{ Am}^2$
 (4) $5 \times 10^2 \text{ Am}^2$
24. आवेश q तथा द्रव्यमान m का एक कण Y-Z समतल में d दूरी पर रखे पर्दे की ओर $-\hat{u}i$ ($u \neq 0$) वेग से चल रहा है। यदि एक चुम्बकीय क्षेत्र $\vec{B} = B_0 \hat{k}$ उपस्थित हो तो, u के किस न्यूनतम मान के लिए कण पर्दे से नहीं टकरायेगा ?

$$(1) \frac{qdB_0}{2m}$$

$$(2) \frac{qdB_0}{m}$$

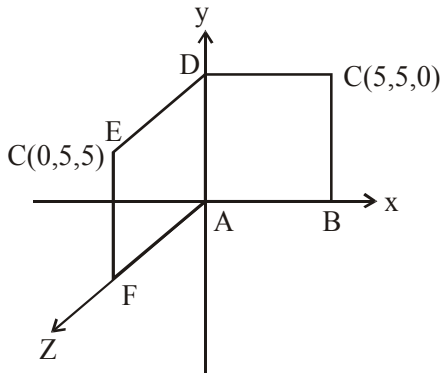
$$(3) \frac{2qdB_0}{m}$$

$$(4) \frac{qdB_0}{3m}$$

25. एक इलेक्ट्रॉन +x दिशा में $6 \times 10^6 \text{ ms}^{-1}$ की चाल से चल रहा है। यह +y दिशा में लगने वाले 300 V/cm के एक समान वैद्युत क्षेत्र में प्रवेश करता है। यदि इलेक्ट्रॉन x दिशा में ही चलता रहता है तो इस स्थान पर उपस्थित चुम्बकीय क्षेत्र का परिमाण और दिशा होंगे :
- (1) $5 \times 10^{-3} \text{ T}$, +z दिशा में
 (2) $3 \times 10^{-4} \text{ T}$, -z दिशा में
 (3) $3 \times 10^{-4} \text{ T}$, +z दिशा में
 (4) $5 \times 10^{-3} \text{ T}$, -z दिशा में

SOLUTION

1. NTA Ans. (1)
2. NTA Ans. (175)



Sol.

$$\vec{A}_{ABCD} = 25\hat{k}$$

$$\vec{A}_{ADEF} = 25\hat{i}$$

$$\vec{A}_{\text{net}} = 25\hat{i} + 25\hat{k}$$

$$\vec{B} = 3\hat{i} + 4\hat{k}$$

$$\phi = \vec{B} \cdot \vec{A}$$

$$= 25 \times 3 + 25 \times 4$$

$$\phi = 175 \text{ W}_b$$

3. NTA Ans. (3)

Sol. $(2V_0)^2 = v_0^2 + v_x^2$

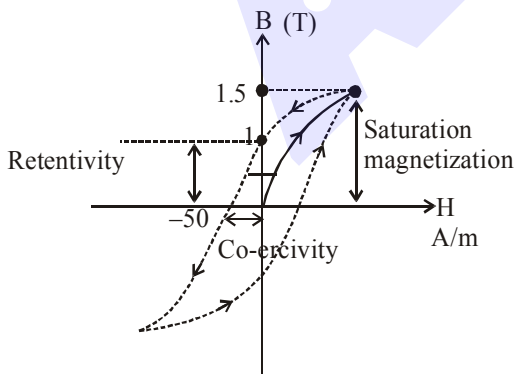
$$v_x = \sqrt{3} v_0$$

$$\sqrt{3} v_0 = 0 + \frac{qE_0}{m} t$$

$$t = \frac{\sqrt{3} v_0 m}{qE_0}$$

4. NTA Ans. (2)

Sol.



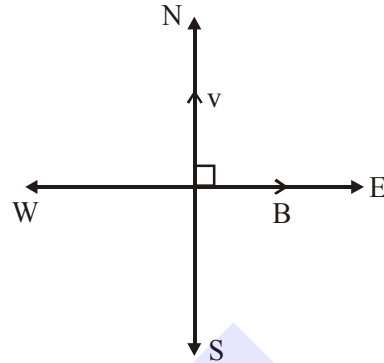
$$\text{Retentivity} = 1.0 \text{ T}$$

$$\text{Co-ercivity} = 50 \text{ A/m}$$

$$\text{Saturation} = 1.5 \text{ T}$$

5. NTA Ans. (4)

Sol. $a = \frac{qvB}{m}$



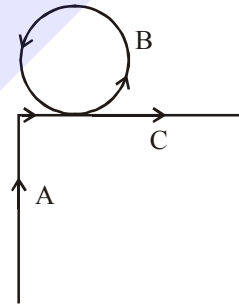
$$B = \frac{ma}{qv} = \frac{ma\sqrt{m}}{\sqrt{2}k}$$

$$= \frac{m^{3/2}a}{e\sqrt{2}k} = \frac{(1.6 \times 10^{-27})^{3/2} \times 10^{12}}{1.6 \times 10^{-19} \sqrt{2} \times 1 \times 10^6 \times 1.6 \times 10^{-19}}$$

$$= 0.71 \text{ mT}$$

6. NTA Ans. (3)

Sol. We say we have 3 parts (A, B, C)



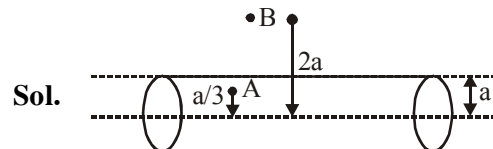
$$B = B_A + B_B + B_C$$

$$= \frac{\mu_0 I}{4\pi R} (\sin 90^\circ - \sin 45^\circ) \otimes + \frac{\mu_0 I}{2R} \odot + \frac{\mu_0 I}{4\pi R} (\sin 45^\circ + \sin 90^\circ) \odot$$

$$= \frac{\mu_0 I}{2\pi R} (\sin 45^\circ + \pi)$$

$$= \frac{\mu_0 I}{2\pi R} \left(\pi + \frac{1}{\sqrt{2}} \right)$$

7. NTA Ans. (1)



Sol.

Let current density be J.

 \therefore Applying Ampere's law.

$$\oint \vec{B} \cdot d\vec{\ell} = \mu_0 i \Rightarrow B_A 2\pi \frac{a}{3} = \mu_0 J\pi \left(\frac{a}{3} \right)^2$$

$$= 4 \times 10^5 \times 10 \times \frac{3.14 \times 1.67 \times 10^{-27}}{1.6 \times 10^{-19} \times 0.3}$$

$$= 0.439$$

14. Official Ans. by NTA (1)

Sol. $M = NIA$

$$N = 1$$

For ABCD

$$\vec{M}_1 = abI \hat{K}$$

For DEFA

$$\vec{M}_2 = abI \hat{j}$$

$$\vec{M} = \vec{M}_1 + \vec{M}_2$$

$$= abI (\hat{k} + \hat{j}) \Rightarrow = abI \sqrt{2} \left(\frac{\hat{j}}{\sqrt{2}} + \frac{\hat{k}}{\sqrt{2}} \right)$$

15. Official Ans. by NTA (3)

Sol. $\vec{F} = 9(\vec{V} \times \vec{B})$ (Force on charge particle moving in magnetic field)

$$\vec{V} \times \vec{B} = (2\hat{i} + 3\hat{j} + 4\hat{k}) \times (5\hat{i} + 3\hat{j} - 6\hat{k}) \times 10^{-3}$$

$$= \begin{pmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ 2 & 3 & 4 \\ 5 & 3 & -6 \end{pmatrix} \times 10^{-3}$$

$$= [\hat{i}[-18-12] - \hat{j}[-12-20] + \hat{k}[6-15]] \times 10^{-3}$$

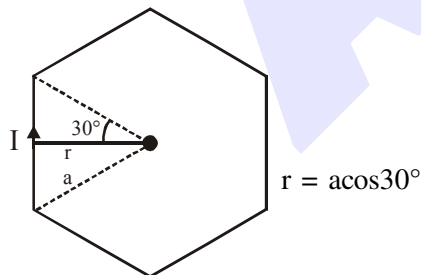
$$= [\hat{i}[-30] + \hat{j}[32] + \hat{k}[-9]] \times 10^{-3}$$

$$\text{Force} = 10^{-6}[-30\hat{i} + 32\hat{j} - 9\hat{k}] \times 10^{-3}$$

$$= 10^{-9}[-30\hat{i} + 32\hat{j} - 9\hat{k}]$$

16. Official Ans. by NTA (3)

Sol.



$$B = \frac{6\mu_0 I}{4\pi a \cos 30^\circ} \times 2 \sin 30^\circ \times 50$$

$$= \frac{\mu_0 I 150}{\pi \sqrt{3} a} = \frac{50\sqrt{3} \mu_0 I}{0.1 \pi}$$

$$= 500\sqrt{3} \frac{\mu_0 I}{\pi}$$

17. Official Ans. by NTA (1)

Sol. A perfect diamagnetic substance will completely expel the magnetic field. Therefore, there will be no magnetic field inside the cavity of sphere. Hence the paramagnetic substance kept inside the cavity will experience no force.

18. Official Ans. by NTA (20)

$$\vec{\tau} = \vec{m} \times \vec{B}$$

$$\tau = NI \times A \times B$$

$$105 = 500 \times 3 \times 10^{-4} \times \frac{1}{2} \times B$$

$$B = 20$$

19. Official Ans. by NTA (3)

Sol. Given $i_A = 2$, $r_A = 2$ cm, $\theta_A = 2\pi - \frac{\pi}{2} = \frac{3\pi}{2}$

$$i_B = 3$$
, $r_B = 4$ cm, $\theta_B = 2\pi - \frac{\pi}{3} = \frac{5\pi}{3}$

$$B = \frac{\mu_0 I \theta}{4\pi R} \Rightarrow \frac{B_A}{B_B} = \frac{I_A}{I_B} \times \frac{\theta_A R_B}{\theta_B R_A} = \frac{6}{5}$$

20. Official Ans. by NTA (4)

Sol. Torque on a bar magnet : $I = MB \sin \theta$

Here, $\theta = 30^\circ$, $I = 0.018$ N-m, $B = 0.06$ T

$$\Rightarrow 0.018 = M \times 0.06 \times \sin 30^\circ$$

$$\Rightarrow 0.018 = M \times 0.06 \times \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow M = 0.6 \text{ A-m}^2$$

Now $v = -MB \cos \theta$

Position of stable equilibrium ($\theta = 0^\circ$) :

$$u_i = -MB$$

Position of unstable equilibrium ($\theta = 180^\circ$) :

$$u_f = MB$$

$$\Rightarrow \text{work done} : \Delta U$$

$$\Rightarrow W = 2MB$$

$$\Rightarrow W = 2 \times 0.6 \times 0.06$$

$$\Rightarrow W = 7.2 \times 10^{-2} \text{ J}$$

option (4) is correct

21. Official Ans. by NTA (2)

Sol. For paramagnetic material

According to Curie's law

$$\chi \propto \frac{1}{T}$$

$$\chi \propto \frac{1}{T} \Rightarrow \chi_1 T_1 = \chi_2 T_2$$

$$\Rightarrow \frac{6}{0.4} \times 4 = \frac{I}{0.3} \times 24$$

$$I = \frac{0.3}{0.4} = 0.75 \text{ A/m}$$

$$F = \frac{\mu_0 I^2 a}{\pi \sqrt{b^2 + a^2}}$$

$$\tau = F \cos \theta \times 2a$$

$$= \frac{\mu_0 I^2 a}{\pi \sqrt{b^2 + a^2}} \times \frac{b}{\sqrt{b^2 + a^2}} \times 2a$$

$$\tau = \frac{2\mu_0 I^2 a^2 b}{\pi(a^2 + b^2)}$$

$$\text{If } b \gg a \text{ then } \tau = \frac{2\mu_0 I^2 a^2}{\pi b}$$

But among the given options (1) is most appropriate