

## MODERN PHYSICS

1. दिये गये एक क्षण,  $t = 0$  पर दो रेडियोधर्मी पदार्थों A तथा B, की सक्रियता बराबर है। समय  $t$  के पश्चात्, इनकी सक्रियता का अनुपात  $\frac{R_B}{R_A}$  समय  $t$  के साथ  $e^{-3t}$  के अनुसार घटता है। यदि A की अर्धआयु  $\ln 2$  है, तो B की अर्धआयु होगी :

(1)  $\frac{\ln 2}{2}$       (2)  $2\ln 2$       (3)  $\frac{\ln 2}{4}$       (4)  $4\ln 2$

2. मूलबिन्दु पर एक प्रकाशीय तरंग के संगत चुम्बकीय क्षेत्र निम्न है :

$B = B_0 [\sin(3.14 \times 10^7)ct + \sin(6.28 \times 10^7)ct]$ .  
यदि यह प्रकाश एक चाँदी की प्लेट, जिसका कार्य फलन  $4.7 \text{ eV}$  है, पर पड़ता है तो इससे उत्सर्जित फोटोइलेक्ट्रॉनों की अधिकतम गतिज ऊर्जा क्या होगी ?  
(दिया है :  $c = 3 \times 10^8 \text{ ms}^{-1}$ ,  $h = 6.6 \times 10^{-34} \text{ J-s}$ )

(1)  $7.72 \text{ eV}$       (2)  $8.52 \text{ eV}$   
(3)  $12.5 \text{ eV}$       (4)  $6.82 \text{ eV}$

3. एक रेडियोसक्रिय पदार्थ A के नमूने की सक्रियता  $10 \text{ mCi}$  ( $1 \text{ Ci} = 3.7 \times 10^{10} \text{ decays/s}$ ) है तथा इसके नाभिकों की संख्या एक अन्य रेडियोसक्रिय पदार्थ B जिसकी सक्रियता  $20 \text{ mCi}$  है, के नमूने के नाभिकों की संख्या से दुगुनी है। A तथा B की अर्धआयु के संदर्भ में सही विकल्प चुनिये :

(1) 20 दिन तथा 5 दिन      (2) 20 दिन तथा 10 दिन  
(3) 5 दिन तथा 10 दिन      (4) 10 दिन तथा 40 दिन

4. किसी धातु की सतह को पहले तरंगदैर्घ्य  $\lambda_1 = 350 \text{ nm}$  वाले प्रकाश से प्रकाशित किया जाता है तथा फिर  $\lambda_2 = 540 \text{ nm}$  तरंगदैर्घ्य वाले प्रकाश से प्रकाशित किया जाता है। यह देखा गया है कि दोनों प्रकरणों में फोटो इलेक्ट्रॉनों की अधिकतम चाल में 2 गुना का अन्तर होता है। धातु का कार्यफलन (eV में) लगभग है।

(फोटोन की ऊर्जा =  $\frac{1240}{\lambda(\text{nm में})} \text{ eV}$ )

(1) 1.8      (2) 1.4      (3) 2.5      (4) 5.6

5. नाभिकीय विखण्डन  
 $\text{Ne}^{20} \rightarrow 2\text{He}^4 + \text{C}^{12}$   
पर विचार कीजिये।

$\text{Ne}^{20}$ ,  $\text{He}^4$  तथा  $\text{C}^{12}$  की प्रति न्यूक्लियोन बंधन ऊर्जा क्रमशः  $8.03 \text{ MeV}$ ,  $7.07 \text{ MeV}$  तथा  $7.86 \text{ MeV}$  है। सही कथन चुनिये:-

- (1)  $8.3 \text{ MeV}$  ऊर्जा उत्सर्जित होगी।  
(2)  $12.4 \text{ MeV}$  ऊर्जा दी जायेगी।  
(3)  $11.9 \text{ MeV}$  ऊर्जा देनी होगी।  
(4)  $3.6 \text{ MeV}$  ऊर्जा उत्सर्जित होगी।

6. एक धात्विक प्लेट का क्षेत्रफल  $1 \times 10^{-4} \text{ m}^2$  है तथा इसे  $16 \text{ mW/m}^2$  तीव्रता वाले विकिरण से प्रकाशित किया जाता है। धातु का कार्यफलन  $5 \text{ eV}$  है। आपतित फोटॉनों की ऊर्जा  $10 \text{ eV}$  है तथा इसका केवल 10% भाग ही फोटो इलेक्ट्रॉनों को उत्पन्न करता है। प्रति सेकण्ड उत्सर्जित फोटो इलेक्ट्रॉनों की संख्या तथा उनकी अधिकतम ऊर्जा क्रमशः होगी [ $1 \text{ eV} = 1.6 \times 10^{-19} \text{ J}$ ]

(1)  $10^{10}$  तथा  $5 \text{ eV}$       (2)  $10^{14}$  तथा  $10 \text{ eV}$   
(3)  $10^{12}$  तथा  $5 \text{ eV}$       (4)  $10^{11}$  तथा  $5 \text{ eV}$

7. एक नाभिकीय गणित्र (counter) के द्वारा रेडियोधर्मी स्रोत से उत्सर्जित कणों की गणना दर को मापते हैं।  $t = 0 \text{ s}$  समय पर गणना 1600 प्रति सेकण्ड तथा  $t = 8 \text{ s}$  पर गणना 100 प्रति सेकण्ड है। प्रति सेकण्ड गणना के रूप में  $t = 6 \text{ s}$  पर प्रेक्षित लगभग गणना दर होगी :

(1) 150      (2) 360      (3) 200      (4) 400

8. एक इलेक्ट्रॉन सूक्ष्मदर्शी की विभेदन उसमें प्रयोग किये गये इलेक्ट्रॉनों की तरंगदैर्घ्य की कोटि की है।  $7.5 \times 10^{-12} \text{ m}$  की चौड़ाई के विभेदन हेतु इलेक्ट्रॉन की न्यूनतम ऊर्जा का निकटतम मान होगा :

(1)  $100 \text{ keV}$       (2)  $500 \text{ keV}$   
(3)  $25 \text{ keV}$       (4)  $1 \text{ keV}$

9. एक हाइड्रोजन समान परमाणु में, जब इलेक्ट्रॉन M - कक्षा से L - कक्षा में संक्रमण करता है, तो उत्सर्जित विकिरण की तरंगदैर्घ्य  $\lambda$  है। यदि इलेक्ट्रॉन N-कक्षा से L-कक्षा में संक्रमण करे तो उत्सर्जित विकिरण की तरंगदैर्घ्य होगी :-

(1)  $\frac{27}{20} \lambda$       (2)  $\frac{16}{25} \lambda$       (3)  $\frac{20}{27} \lambda$       (4)  $\frac{25}{16} \lambda$

10. प्रकाश-विद्युत प्रभाव के एक प्रयोग में धातु पर आपतित प्रकाश की तरंगदैर्घ्य 300 nm से बदलकर 400 nm करते हैं। निरोधी विभव में कमी होगी, लगभग :
- (दिया है :  $\frac{hc}{e} = 1240 \text{ nm} - V$ )
- (1) 0.5 V (2) 1.0 V  
(3) 2.0 V (4) 1.5 V
11. आरंभिक मूल अवस्था में हाइड्रोजन परमाणु  $980 \text{ \AA}$  तरंगदैर्घ्य का फोटॉन अवशोषित कर उत्तेजित हो जाता है। इस उत्तेजित स्तर में परमाणु की त्रिज्या बोर त्रिज्या  $a_0$  के मात्रक में होगी :-
- (1)  $9a_0$  (2)  $25a_0$   
(3)  $4a_0$  (4)  $16a_0$
12. यदि इलेक्ट्रॉन की डी-ब्रोग्ली तरंगदैर्घ्य  $6 \times 10^{14} \text{ Hz}$  आवृत्ति के फोटॉन की तरंगदैर्घ्य के  $10^{-3}$  गुना है तो इलेक्ट्रॉन की चाल होगी :
- (दिया है प्रकाश की चाल =  $3 \times 10^8 \text{ m/s}$   
प्लांक नियतांक =  $6.63 \times 10^{-34} \text{ J.s}$   
इलेक्ट्रॉन का द्रव्यमान =  $9.1 \times 10^{-31} \text{ kg}$ )
- (1)  $1.45 \times 10^6 \text{ m/s}$  (2)  $1.7 \times 10^6 \text{ m/s}$   
(3)  $1.8 \times 10^6 \text{ m/s}$  (4)  $1.1 \times 10^6 \text{ m/s}$
13. जब किसी प्रकाशसंवेदी सतह पर  $v$  आवृत्ति का एकवर्णीय प्रकाश आपतित किया जाता है तो प्रकाश धारा के लिये निरोधी विभव  $-V_0/2$  प्राप्त होता है। जब सतह पर  $v/2$  आवृत्ति का एकवर्णीय प्रकाश आपतित किया जाता है तो निरोधी विभव का मान  $-V_0$  होता है। प्रकाश उत्सर्जन के लिये दैहली आवृत्ति होगी :
- (1)  $\frac{3v}{2}$  (2)  $2v$  (3)  $\frac{4}{3}v$  (4)  $\frac{5v}{3}$
14. एक रेडियोसक्रिय विघटन श्रृंखला में प्रारम्भिक नाभिक  $^{232}_{90}\text{Th}$  है। अंत में 6  $\alpha$ -का व 4  $\beta$ -कण उत्सर्जित होते हैं। यदि अंतिम नाभिक  $^A_Z\text{X}$  हो तो A व Z के मान होंगे :
- (1) A = 208; Z = 80 (2) A = 202; Z = 80  
(3) A = 200; Z = 81 (4) A = 208; Z = 82
15. द्रव्यमान  $m$  वाला एक एल्फा कण, विराम में स्थित अज्ञात द्रव्यमान वाले नाभिक के साथ एक विमिय प्रत्यास्थ टक्कर करता है। यह अपनी प्रारम्भिक गतिज ऊर्जा के 64% भाग को व्यय कर सीधा पीछे की ओर प्रकीर्णित होता है। नाभिक का द्रव्यमान है :-
- (1) 4 m (2) 3.5 m  
(3) 2 m (4) 1.5 m
16. फ्रैंक-हर्ट्ज प्रयोग में 5.6 eV ऊर्जा वाला एक इलेक्ट्रॉन पारद वाष्प से गुजरता हुआ 0.7 eV ऊर्जा के साथ बाहर निकलता है। पारद परमाणुओं द्वारा उत्सर्जित फोटोनों की न्यूनतम तरंगदैर्घ्य लगभग होगी :-
- (1) 2020 nm (2) 220 nm  
(3) 250 nm (4) 1700 nm
17.  $m$  द्रव्यमान का एक कण  $U(r) = \frac{1}{2}kr^2$  के केन्द्रीय विभव क्षेत्र के अन्तर्गत एक वृत्तीय कक्षा में घूम रहा है। यदि बोर के क्वांटमीकरण प्रतिबंध का उपयोग करें तो संभव कक्षाओं की त्रिज्या और ऊर्जा स्तरों की क्वांटम संख्या  $n$  के साथ सम्बन्ध होगा:-
- (1)  $r_n \propto n^2, E_n \propto \frac{1}{n^2}$  (2)  $r_n \propto \sqrt{n}, E_n \propto \frac{1}{n}$   
(3)  $r_n \propto n, E_n \propto n$  (4)  $r_n \propto \sqrt{n}, E_n \propto n$
18. द्रव्यमान 'm' तथा आवेश 'q' के एक कण A को 50V विभवान्तर से त्वरित करते हैं। द्रव्यमान '4 m' तथा आवेश 'q' के दूसरे कण B को 2500 V के विभवान्तर से त्वरित करते हैं। इन कणों की दे-ब्राग्ली तरंगदैर्घ्यों के अनुपात  $\frac{\lambda_A}{\lambda_B}$  का सन्निकट मान है :-
- (1) 10.00 (2) 14.14 (3) 4.47 (4) 0.07
19.  $^{40}\text{Ca}$  तथा  $^{16}\text{O}$  के नाभिकों के द्रव्यमान घनत्व के अनुपात का सन्निकट मान होगा :-
- (1) 1 (2) 2  
(3) 0.1 (4) 5

20. एक अवमन्दित आवर्ती दोलक की आवृत्ति प्रति सेकण्ड 5 दोलन है। इसका आयाम प्रत्येक 10 दोलन के बाद आधा हो जाता है। इसके मूल आयाम को  $\frac{1}{1000}$  गुना घटने में लगे समय का सन्निकट मान होगा :-

- (1) 100 s (2) 20 s (3) 10 s (4) 50 s

21. परिमित दे-ब्रॉग्ली तरंगदैर्घ्य  $\lambda_A$  के एक नाभिक A का स्वतः विखण्डन बराबर द्रव्यमान के दो नाभिकों B तथा C में होता है। B नाभिक A की दिशा में तथा C नाभिक उसके विपरीत दिशा में B के आधे वेग से जाता है। तो B व C की दे-ब्रॉग्ली तरंगदैर्घ्य,  $\lambda_B$  तथा  $\lambda_C$  क्रमशः होंगी:-

- (1)  $2\lambda_A, \lambda_A$  (2)  $\lambda_A, 2\lambda_A$   
 (3)  $\lambda_A, \frac{\lambda_A}{2}$  (4)  $\frac{\lambda_A}{2}, \lambda_A$

22. हाइड्रोजन परमाणु के  $n = 2$  से  $n = 1$  संक्रमण से निकला विकिरण  $\text{He}^+$  की  $n = 1$  और  $n = 2$  अवस्थाओं पर पड़ता है। हीलियम आयनों द्वारा इस विकिरण की ऊर्जा शोषण से संभव संक्रमण है -

- (1)  $n = 1 \rightarrow n = 4$  (2)  $n = 2 \rightarrow n = 4$   
 (3)  $n = 2 \rightarrow n = 5$  (4)  $n = 2 \rightarrow n = 3$

23. दो कण एक दूसरे से लम्बवत् दिशाओं में गतिशील हैं। इन कणों की डी-ब्रॉग्ली तरंग लम्बाइयों क्रमशः  $\lambda_1$  तथा  $\lambda_2$  हैं। इन कणों का पूर्णतया अप्रत्यास्थ संघट्ट होता है। परिणामी कण की डी-ब्रॉग्ली तरंगदैर्घ्य  $\lambda$  इस समीकरण से दी जाती है।

- (1)  $\lambda = \frac{\lambda_1 + \lambda_2}{2}$  (2)  $\frac{2}{\lambda} = \frac{1}{\lambda_1} + \frac{1}{\lambda_2}$   
 (3)  $\lambda = \sqrt{\lambda_1 \lambda_2}$  (4)  $\frac{1}{\lambda^2} = \frac{1}{\lambda_1^2} + \frac{1}{\lambda_2^2}$

24. दो कण 'x' तथा 'y' जिनकी डी-ब्रॉग्ली तरंगदैर्घ्य क्रमशः ' $\lambda_x$ ' तथा ' $\lambda_y$ ' हैं, के सम्पूर्ण अप्रत्यास्थ संघट्ट से एक कण 'P' बना है। यदि कण x तथा y विपरीत दिशाओं में गतिशील थे, तो 'P' की डी-ब्रॉग्ली तरंगदैर्घ्य है :-

- (1)  $\lambda_x + \lambda_y$  (2)  $\frac{\lambda_x \lambda_y}{\lambda_x + \lambda_y}$   
 (3)  $\frac{\lambda_x \lambda_y}{|\lambda_x - \lambda_y|}$  (4)  $\lambda_x - \lambda_y$

25. एक सोलर पैनल की सतह पर  $50 \text{ W/m}^2$  ऊर्जा घनत्व का सूर्य का प्रकाश अभिलम्बवत् आपतित होता है। आपतित ऊर्जा का कुछ भाग (25%) सतह से परावर्तित हो जाता है तथा बचा हुआ भाग अवशोषित हो जाता है। सतह के  $1 \text{ m}^2$  क्षेत्रफल पर लगने वाला बल होगा :-  
 ( $c = 3 \times 10^8 \text{ m/s}$ )

- (1)  $15 \times 10^{-8} \text{ N}$  (2)  $35 \times 10^{-8} \text{ N}$   
 (3)  $10 \times 10^{-8} \text{ N}$  (4)  $20 \times 10^{-8} \text{ N}$

26. एक  $\text{He}^+$  आयन अपनी प्रथम उत्तेजित अवस्था में है। इसकी आयनन ऊर्जा होगी :-

- (1) 6.04 eV (2) 13.60 eV  
 (3) 54.40 eV (4) 48.36 eV

27. प्रकाश की एक तरंग का विद्युत क्षेत्र निम्न है,

$$\vec{E} = 10^{-3} \cos\left(\frac{2\pi x}{5 \times 10^{-7}} - 2\pi \times 6 \times 10^{14} t\right) \hat{x} \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

यह प्रकाश एक धातु की प्लेट पर आपतित है जिसका कार्य फलन 2eV है। प्रकाशिक इलेक्ट्रॉनों के निरोधी विभव का मान होगा :

दिया है  $E$  (eV में) =  $\frac{12375}{\lambda(\text{Å में})}$

- (1) 0.48 V (2) 2.0 V  
 (3) 2.48 V (4) 0.72 V

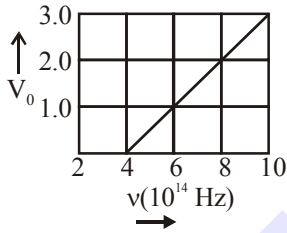
28. यदि हाइड्रोजन स्पेक्ट्रम की प्रथम बामर लाईन ( $n = 3$  से  $n = 2$ ) की तरंगदैर्घ्य  $660 \text{ nm}$ , हो तो दूसरी बामर लाईन ( $n = 4$  से  $n = 2$ ) की तरंगदैर्घ्य होगी :
- (1)  $889.2 \text{ nm}$  (2)  $642.7 \text{ nm}$   
(3)  $488.9 \text{ nm}$  (4)  $388.9 \text{ nm}$
29. एक सम्पूर्ण अवशोषक पृष्ठ पर  $25 \text{ Wcm}^{-2}$  ऊर्जा प्रवाह (flux) का प्रकाश लम्बवत् आपतित होता है। यदि पृष्ठ का क्षेत्रफल  $25 \text{ cm}^2$  है तो  $40 \text{ min}$  समयान्तराल में उस पर हुआ संवेग अंतरण (transfer) होगा :
- (1)  $5.0 \times 10^{-3} \text{ Ns}$  (2)  $3.5 \times 10^{-6} \text{ Ns}$   
(3)  $1.4 \times 10^{-6} \text{ Ns}$  (4)  $6.3 \times 10^{-4} \text{ Ns}$
30. एक  $2 \text{ mW}$  लेजर की तरंगदैर्घ्य  $500 \text{ nm}$  है। इससे निकलने वाले प्रति सेकण्ड फोटॉनों की संख्या होगी : [दिया है, प्लांक नियतांक  $h = 6.6 \times 10^{-34} \text{ Js}$ , प्रकाश की चाल  $c = 3.0 \times 10^8 \text{ m/s}$ ]
- (1)  $2 \times 10^{16}$  (2)  $1.5 \times 10^{16}$   
(3)  $5 \times 10^{15}$  (4)  $1 \times 10^{16}$
31.  $\text{Li}^{++}$  आयन में इलेक्ट्रॉन को उसकी प्रथम बोहर कक्षा से  $\lambda$  तरंगदैर्घ्य के विकिरण से एक ऊँची कक्षा में उत्तेजित कर दिया जाता है। जब यह आयन अपनी न्यूनतम ऊर्जा अवस्था में सभी सम्भव तरीकों (मध्यवर्ती उत्सर्जनों को मिलाकर) से आता है तो कुल 6 स्पेक्ट्रल लाइनें पायी जाती हैं।  $\lambda$  का मान क्या होगा ?  
(दिया है :  $h = 6.63 \times 10^{-34} \text{ Js}$  ;  
 $c = 3 \times 10^8 \text{ ms}^{-1}$ )
- (1)  $9.4 \text{ nm}$  (2)  $12.3 \text{ nm}$   
(3)  $10.8 \text{ nm}$  (4)  $11.4 \text{ nm}$
32. दो रेडियोधर्मी पदार्थों A तथा B के क्षय नियतांक, क्रमशः  $5\lambda$  तथा  $\lambda$  है।  $t = 0$  पर एक नमूने में इन दो नाभिकों की बराबर संख्या है। नाभिकों की संख्या का अनुपात  $\left(\frac{1}{e}\right)^2$  होने में लगे समय का मान होगा :
- (1)  $1 / 4\lambda$  (2)  $1 / \lambda$   
(3)  $1 / 2\lambda$  (4)  $2 / \lambda$
33. एक प्रोटॉन, एक इलेक्ट्रॉन और एक हीलियम नाभिक, की ऊर्जाएँ बराबर हैं। वे एक समतल में उसके लम्बवत् चुम्बकीय क्षेत्र के कारण वृत्ताकार कक्षा में गतिशील हैं। यदि  $r_p, r_e$  और  $r_{\text{He}}$  प्रोटॉन, इलेक्ट्रॉन तथा हीलियम नाभिक के वृत्ताकार पथ की त्रिज्याएँ हैं, तो:
- (1)  $r_e > r_p > r_{\text{He}}$  (2)  $r_e < r_p < r_{\text{He}}$   
(3)  $r_e < r_p = r_{\text{He}}$  (4)  $r_e > r_p = r_{\text{He}}$
34. एक प्रकाश विद्युत प्रवाह प्रयोग में प्रकाश की देहली तरंगदैर्घ्य  $380 \text{ nm}$  है। यदि आपतित किरण की तरंगदैर्घ्य  $260 \text{ nm}$  हो तो उत्सर्जित इलेक्ट्रॉनों की अधिकतम गतिज ऊर्जा होगी: दिया है:  $E \text{ (in eV)} = \frac{1237}{\lambda \text{ (in nm)}}$
- (1)  $1.5 \text{ eV}$  (2)  $4.5 \text{ eV}$   
(3)  $15.1 \text{ eV}$  (4)  $3.0 \text{ eV}$
35. दो रेडियोधर्मी पदार्थों A तथा B के क्षय नियतांक, क्रमशः  $10\lambda$  तथा  $\lambda$  है। यदि आरम्भ में उनके नाभिकों की संख्या बराबर हो तो कितने समय बाद A तथा B के नाभिकों की संख्या का अनुपात  $1/e$  होगा :
- (1)  $\frac{11}{10\lambda}$  (2)  $\frac{1}{9\lambda}$  (3)  $\frac{1}{10\lambda}$  (4)  $\frac{1}{11\lambda}$
36. एक हाइड्रोजन परमाणु में इलेक्ट्रॉन पहले तीसरी उत्तेजित अवस्था से दूसरी उत्तेजित अवस्था में और तत्पश्चात् दूसरी से प्रथम उत्तेजित अवस्था में जाता है। इन दो संक्रमणों में उत्सर्जित फोटॉनों के संगत तरंगदैर्घ्यों का अनुपात  $\lambda_1/\lambda_2$  होगा :
- (1)  $9/7$  (2)  $7/5$   
(3)  $27/5$  (4)  $20/7$
37. एक हाइड्रोजन परमाणु में इलेक्ट्रॉन दूसरी उत्तेजित कक्षा में घूम रहा है। (इस कक्षा की त्रिज्या  $4.65 \text{ \AA}$  है।) इस इलेक्ट्रॉन की डि-ब्रॉग्ली तरंगदैर्घ्य होगी :
- (1)  $12.9 \text{ \AA}$  (2)  $3.5 \text{ \AA}$   
(3)  $9.7 \text{ \AA}$  (4)  $6.6 \text{ \AA}$

38. दो रेडियोधर्मी नाभिकों, A तथा B, की अर्धआयु क्रमशः 10 minutes तथा 20 minutes है। यदि एक नमूने में आरम्भ में दोनों नाभिकों की संख्या बराबर है तो 60 minutes पश्चात् A तथा B के क्षयित नाभिकों की संख्या का अनुपात होगा :

- (1) 9 : 8                      (2) 1 : 8  
 (3) 8 : 1                      (4) 3 : 8

39. यहाँ आरेख में, एक सोडियम-उत्सर्जक के लिये, आवृत्ति ( $\nu$ ) के फलन के रूप में, निराधी विभव  $V_0$  (वोल्ट में) के परिवर्तन को दर्शाया गया है। इस ग्राफ से सोडियम का कार्य - फलन प्राप्त होगा :

(प्लाँक स्थिरांक ( $h$ ) =  $6.63 \times 10^{-34}$  Js, इलेक्ट्रॉन आवेश  $e = 1.6 \times 10^{-19}$  C)



- (1) 1.95 eV                      (2) 1.82 eV  
 (3) 1.66 eV                      (4) 2.12 eV

40. एक उत्तेजित  $He^+$  आयन, अपनी न्यूनतम ऊर्जा अवस्था में संक्रमण होने तक दो क्रमागत फोटॉन, जिनके तरंगदैर्घ्य 108.5 nm तथा 30.4 nm है। उत्सर्जित करता है। प्रारंभिक उत्तेजित अवस्था के संगत क्वॉन्टम संख्या  $n$  है। ( $\lambda$  तरंगदैर्घ्य के लिये फोटॉन की ऊर्जा

$$E = \frac{1240eV}{\lambda(\text{in nm})} :$$

- (1)  $n = 5$                       (2)  $n = 4$   
 (3)  $n = 6$                       (4)  $n = 7$

**SOLUTION****1. Ans. (3)**Half life of A =  $\ln 2$ 

$$t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda}$$

$$\lambda_A = 1$$

at  $t = 0$   $R_A = R_B$ 

$$N_A e^{-\lambda_A t} = N_B e^{-\lambda_B t}$$

 $N_A = N_B$  at  $t = 0$ 

$$\text{at } t = t \quad \frac{R_B}{R_A} = \frac{N_0 e^{-\lambda_B t}}{N_0 e^{-\lambda_A t}}$$

$$e^{-(\lambda_B - \lambda_A)t} = e^{-t}$$

$$\lambda_B - \lambda_A = 3$$

$$\lambda_B = 3 + \lambda_A = 4$$

$$t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda_B} = \frac{\ln 2}{4}$$

**2. Ans. (1)**

$B = B_0 \sin(\pi \times 10^7 C)t + B_0 \sin(2\pi \times 10^7 C)t$   
 since there are two EM waves with different frequency, to get maximum kinetic energy we take the photon with higher frequency

$$B_1 = B_0 \sin(\pi \times 10^7 C)t \quad v_1 = \frac{10^7}{2} \times C$$

$$B_2 = B_0 \sin(2\pi \times 10^7 C)t$$

$$v_2 = 10^7 C$$

where  $C$  is speed of light  $C = 3 \times 10^8$  m/s

$$v_2 > v_1$$

so KE of photoelectron will be maximum for photon of higher energy.

$$v_2 = 10^7 C \text{ Hz}$$

$$h\nu = \phi + KE_{\max}$$

energy of photon

$$E_{\text{ph}} = h\nu = 6.6 \times 10^{-34} \times 10^7 \times 3 \times 10^9$$

$$E_{\text{ph}} = 6.6 \times 3 \times 10^{-19} \text{ J}$$

$$= \frac{6.6 \times 3 \times 10^{-19}}{1.6 \times 10^{-19}} \text{ eV} = 12.375 \text{ eV}$$

$$KE_{\max} = E_{\text{ph}} - \phi$$

$$= 12.375 - 4.7 = 7.675 \text{ eV} \approx 7.7 \text{ eV}$$

**3. Ans. (1)**Activity  $A = \lambda N$ 

$$\text{For A} \quad 10 = (2N_0)\lambda_A$$

$$\text{For B} \quad 20 = N_0\lambda_B$$

$$\therefore \lambda_B = 4\lambda_A \Rightarrow (T_{1/2})_A = 4(T_{1/2})_B$$

**4. Ans. (1)**

$$\frac{hc}{\lambda_1} = \phi + \frac{1}{2} m (2v)^2$$

$$\frac{hc}{\lambda_2} = \phi + \frac{1}{2} mv^2$$

$$\frac{hc}{\lambda_1} - \phi = 4 \Rightarrow \frac{hc}{\lambda_1} - \phi = \frac{4hc}{\lambda_2} - 4\phi$$

$$\Rightarrow \frac{4hc}{\lambda_2} - \frac{hc}{\lambda_1} = 3\phi$$

$$\Rightarrow \phi = \frac{1}{3} hc \left( \frac{4}{\lambda_2} - \frac{1}{\lambda_1} \right)$$

$$= \frac{1}{3} \times 1240 \left( \frac{4 \times 350 - 540}{350 \times 540} \right)$$

$$= 1.8 \text{ eV}$$

**5. Ans. (3)**

$$8.03 \times 20 \quad 2 \times 7.07 \times 4 + 7.86 \times 12$$

$$\therefore \text{value} = (\text{BE})_{\text{product}} - (\text{BE})_{\text{react}} = -9.72 \text{ MeV}$$

So 9.72 MeV will have to be supplied.

No answer matching but closest answer is option (3).

**6. Ans. (4)**

$$I = \frac{nE}{At}$$

$$16 \times 10^{-3} = \left( \frac{n}{t} \right)_{\text{Photon}} \frac{10 \times 1.6 \times 10^{-19}}{10^{-4}} = 10^{12}$$

**7. Ans. (3)**

$$\text{at } t = 0, A_0 = \frac{dN}{dt} = 1600 \text{ C/s}$$

$$\text{at } t = 8 \text{ s}, A = 100 \text{ C/s}$$

$$\frac{A}{A_0} = \frac{1}{16} \text{ in } 8 \text{ sec}$$

Therefore half life is  $t_{1/2} = 2 \text{ sec}$ 

$$\therefore \text{Activity at } t = 6 \text{ will be } 1600 \left( \frac{1}{2} \right)^3 = 200 \text{ C/s}$$

 $\therefore$  correct answer is (3)

8. Ans. (3)

$$\lambda = \frac{h}{p} \quad \{\lambda = 7.5 \times 10^{-12}\}$$

$$P = \frac{h}{\lambda}$$

$$KE = \frac{P^2}{2m} = \frac{(h/\lambda)^2}{2m} = \frac{\left\{ \frac{6.6 \times 10^{-34}}{7.5 \times 10^{-12}} \right\}^2}{2 \times 9.1 \times 10^{-31}} \text{ J}$$

$$KE = 25 \text{ Kev}$$

9. Ans. (3)

For M  $\rightarrow$  L steel

$$\frac{1}{\lambda} = K \left( \frac{1}{2^2} - \frac{1}{3^2} \right) = \frac{K \times 5}{36}$$

for N  $\rightarrow$  L

$$\frac{1}{\lambda'} = K \left( \frac{1}{2^2} - \frac{1}{4^2} \right) = \frac{K \times 3}{16}$$

$$\lambda' = \frac{20}{27} \lambda$$

10. Ans. (2)

$$\frac{hc}{\lambda_1} = \phi + eV_1 \quad \dots\dots (i)$$

$$\frac{hc}{\lambda_2} = \phi + eV_2 \quad \dots\dots (ii)$$

(i) - (ii)

$$hc \left( \frac{1}{\lambda_1} - \frac{1}{\lambda_2} \right) = e(V_1 - V_2)$$

$$\Rightarrow V_1 - V_2 = \frac{hc}{e} \left( \frac{\lambda_2 - \lambda_1}{\lambda_1 \lambda_2} \right)$$

$$= (1240 \text{ nm} - V) \frac{100 \text{ nm}}{300 \text{ nm} \times 400 \text{ nm}}$$

$$= 1 \text{ V}$$

11. Ans. (4)

$$\text{Energy of photon} = \frac{12500}{980} = 12.75 \text{ eV}$$

$\therefore$  Electron will excite to  $n=4$

Since 'R'  $\propto n^2$

$\therefore$  Radius of atom will be  $16a_0$

12. Ans. (1)

$$\frac{h}{mv} = 10^{-3} \left( \frac{3 \times 10^8}{6 \times 10^{14}} \right)$$

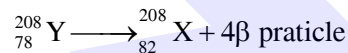
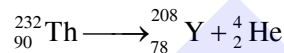
$$v = \frac{6.63 \times 10^{-34} \times 6 \times 10^{14}}{9.1 \times 10^{-31} \times 3 \times 10^5}$$

$$v = 1.45 \times 10^6 \text{ m/s}$$

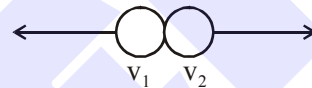
13. Ans. (Bonus)

According to JEE-Mains Ans. key (1)

14. Ans. (4)



15. Ans. (1)



$$mv_0 = mv_2 - mv_1$$

$$\frac{1}{2}mV_1^2 = 0.36 \times \frac{1}{2}mV_0^2$$

$$v_1 = 0.6v_0$$

$$\frac{1}{2}MV_2^2 = 0.64 \times \frac{1}{2}mV_0^2$$

$$V_2 = \sqrt{\frac{m}{M}} \times 0.8V_0$$

$$mV_0 = \sqrt{mM} \times 0.8V_0 - m \times 0.6V_0$$

$$\Rightarrow 1.6m = 0.8\sqrt{mM}$$

$$4m^2 = mM$$

16. Ans. (3)

$$\lambda = \frac{1240}{5.6 - 0.7} \text{ nm}$$

17. Ans. (4)

$$F = \frac{dV}{dr} = kr = \frac{mv^2}{r}$$

$$mvr = \frac{nh}{2\pi}$$

$$r^2 \propto n$$

$$r^2 \propto \sqrt{n}$$

$$E = \frac{1}{2}kr^2 + \frac{1}{2}mv^2 \propto r^2$$

$$\propto n$$

**18. Ans. (2)**K.E. acquired by charge =  $K = qV$ 

$$\lambda = \frac{h}{p} = \frac{h}{\sqrt{2mK}} = \frac{h}{\sqrt{2mqV}}$$

$$\therefore \frac{\lambda_A}{\lambda_B} = \frac{\sqrt{2m_B q_B V_B}}{\sqrt{2m_A q_A V_A}} = \sqrt{\frac{4m \cdot q \cdot 2500}{m \cdot q \cdot 50}} = 2\sqrt{50}$$

$$= 2 \times 7.07 = 14.14$$

**19. Ans. (1)****Sol.** mass densities of all nuclei are same so their ratio is 1.**20. Ans. (2)****Sol.**  $A = A_0 e^{-\gamma t}$ 

$$A = \frac{A_0}{2} \text{ after 10 oscillations}$$

 $\therefore$  After 2 seconds

$$\frac{A_0}{2} = A_0 e^{-\gamma(2)}$$

$$2 = e^{2\gamma}$$

$$\ln 2 = 2\gamma$$

$$\gamma = \frac{\ln 2}{2}$$

$$\therefore A = A_0 e^{-\gamma t}$$

$$\ln \frac{A_0}{A} = \gamma t$$

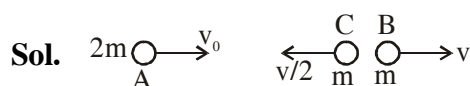
$$\ln 1000 = \frac{\ln 2}{2} t$$

$$2 \left( \frac{3 \ln 10}{\ln 2} \right) = t$$

$$\frac{6 \ln 10}{\ln 2} = t$$

$$t = 19.931 \text{ sec}$$

$$t \approx 20 \text{ sec}$$

**21. Ans. (4)**let mass of B and C is  $m$  each.

By momentum conservation

$$2mv_0 = mv - \frac{mv}{2}$$

$$v = 4v_0$$

$$p_A = 2mv_0 \quad p_B = 4mv_0 \quad p_C = 2mv_0$$

De-Broglie wavelength  $\lambda = \frac{h}{p}$ 

$$\lambda_A = \frac{h}{2mv_0}; \lambda_B = \frac{h}{4mv_0}; \lambda_C = \frac{h}{2mv_0}$$

**22. Ans. (2)****Sol.** Energy released for transition  $n = 2$  to  $n = 1$  of hydrogen atom

$$E = 13.6 Z^2 \left( \frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right)$$

$$Z = 1, n_1 = 1, n_2 = 2$$

$$E = 13.6 \times 1 \times \left( \frac{1}{1^2} - \frac{1}{2^2} \right)$$

$$E = 13.6 \times \frac{3}{4} \text{ eV}$$

For  $\text{He}^+$  ion  $z = 2$ (1)  $n = 1$  to  $n = 4$ 

$$E = 13.6 \times 2^2 \times \left( \frac{1}{1^2} - \frac{1}{4^2} \right) = 13.6 \times \frac{15}{4} \text{ eV}$$

(2)  $n = 2$  to  $n = 4$ 

$$E = 13.6 \times 2^2 \times \left( \frac{1}{2^2} - \frac{1}{4^2} \right) = 13.6 \times \frac{3}{4} \text{ eV}$$

(3)  $n = 2$  to  $n = 5$ 

$$E = 13.6 \times 2^2 \times \left( \frac{1}{2^2} - \frac{1}{5^2} \right) = 13.6 \times \frac{21}{25} \text{ eV}$$

(4)  $n = 2$  to  $n = 3$ 

$$E = 13.6 \times 2^2 \times \left( \frac{1}{2^2} - \frac{1}{3^2} \right) = 13.6 \times \frac{5}{9} \text{ eV}$$

Energy required for transition of  $\text{He}^+$  for  $n = 2$  to  $n = 4$  matches exactly with energy released in transition of H for  $n = 2$  to  $n = 1$ .



23. Ans. (4)

Sol.  $\odot \rightarrow \frac{h}{\lambda_1} = P_1$        $\uparrow P_2 = \frac{h}{\lambda_2}$

$$\vec{P}_1 = \frac{h}{\lambda_1} \hat{i}$$

$$\& \vec{P}_2 = \frac{h}{\lambda_2} \hat{j}$$

Using momentum conservation

$$\vec{P} = \vec{P}_1 + \vec{P}_2$$

$$= \frac{h}{\lambda_1} \hat{i} + \frac{h}{\lambda_2} \hat{j}$$

$$|\vec{P}| = \sqrt{\left(\frac{h}{\lambda_1}\right)^2 + \left(\frac{h}{\lambda_2}\right)^2}$$

$$\frac{h}{\lambda} = \sqrt{\left(\frac{h}{\lambda_1}\right)^2 + \left(\frac{h}{\lambda_2}\right)^2}$$

$$\frac{1}{\lambda^2} = \frac{1}{\lambda_1^2} + \frac{1}{\lambda_2^2}$$

24. Ans. (3)

Sol.  $\odot \rightarrow \quad \leftarrow \odot = \odot \rightarrow$

By momentum conservation

$$P_x - P_y = P_p$$

$$\frac{h}{\lambda_x} - \frac{h}{\lambda_y} = \frac{h}{\lambda_p}$$

$$\lambda_p = \frac{\lambda_x \lambda_y}{|\lambda_y - \lambda_x|}$$

25. Ans. (4)

Sol. Force on the surface (25% reflecting and rest absorbing)

$$F = \frac{25}{100} \left( \frac{2I}{C} \right) + \frac{75}{100} \left( \frac{I}{C} \right) = \frac{125}{100} \left( \frac{I}{C} \right)$$

$$= \frac{125}{100} \times \left( \frac{50}{3 \times 10^8} \right) = 20.83 \times 10^{-8} \text{ N.}$$

26. Ans. (2)

Sol. Energy levels in Hydrogen like atom is given by

$$E = -13.6 \frac{z^2}{n^2} \text{ eV}$$

As He<sup>+</sup> is 1<sup>st</sup> excited state

$$\therefore z = 2, n = 2$$

$$E = -13.6 \text{ eV}$$

As total energy of He<sup>+</sup> in 1st excited state is -13.6 eV, ionisation energy should be +13.6 eV.

27. Ans. (1)

Sol.  $\omega = 6 \times 10^{14} \times 2\pi$

$$f = 6 \times 10^{14}$$

$$C = f \lambda$$

$$\lambda = \frac{C}{f} = \frac{3 \times 10^8}{6 \times 10^{14}} = 5000 \text{ \AA}$$

$$\text{energy of photon} \Rightarrow \frac{12375}{5000}$$

$$= 2.475 \text{ eV}$$

from Einstein's equation

$$KE_{\max} = E - \phi$$

$$eV_s = E - \phi$$

$$eV_s = 2.475 - 2$$

$$eV_s = 0.475 - 2$$

$$eV_s = 0.475 \text{ eV}$$

$$V_s = 0.475 \text{ V} = 0.48 \text{ volt}$$

Option (1)

28. Ans. (3)

Sol.  $\frac{1}{660} = R \left( \frac{1}{2^2} - \frac{1}{3^2} \right) = \frac{5R}{36}$  .....(1)

$$\frac{1}{\lambda} = R \left( \frac{1}{2^2} - \frac{1}{4^2} \right) = \frac{3R}{16}$$
 .....(2)

divide equation (1) with (2)

$$\frac{\lambda}{660} = \frac{5 \times 16}{36 \times 3}$$

$$\lambda = \frac{4400}{9} = 488.88 = 488.9 \text{ nm}$$

Option (3)

29. Ans. (1)

Sol. Pressure =  $\frac{I}{C}$

$$\text{Force} = \text{Pressure} \times \text{Area} = \frac{I}{C} \cdot \text{Area}$$

$$\text{Momentum transferred} = \text{Force} \cdot \Delta t$$

$$= \frac{I}{C} \cdot \text{Area} \cdot \Delta t$$

$$= \frac{25 \times 10^4}{3 \times 10^8} \times 25 \times 10^{-4} \times 40 \times 60$$

$$= 5 \times 10^{-3} \text{ N-s}$$

30. Ans. (3)

Sol.  $P = \frac{n \cdot hc}{\lambda}$

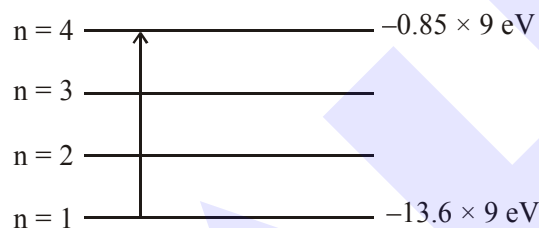
$$n = \frac{P\lambda}{hc}$$

$$= \frac{2 \times 10^{-3} \times 500 \times 10^{-9}}{6.6 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}$$

$$= 1.5 \times 10^{16}$$

31. Ans. (3)

Sol.



$$\Delta E = \frac{hc}{\lambda}$$

$$13.6 \times 9 - 0.85 \times 9 = \frac{hc}{\lambda}$$

$$\lambda = \frac{hc}{9 \times (13.6 - 0.85) \text{ eV}}$$

$$= \frac{1240 \text{ eV} \cdot \text{nm}}{9 \times 12.75 \text{ eV}}$$

$$\lambda = 10.8 \text{ nm}$$

32. Ans. (3)

Sol.  $N_A = N_0 e^{-5\lambda t}$

$$N_B = N_0 e^{-\lambda t}$$

$$\frac{N_A}{N_B} = \frac{e^{-5\lambda t}}{e^{-\lambda t}} = \frac{1}{e^2}$$

$$\Rightarrow e^{-4\lambda t} = e^{-2}$$

$$\Rightarrow 4\lambda t = 2$$

$$\Rightarrow t = \frac{1}{2\lambda}$$

33. Ans. (3)

Sol.  $r = \frac{mv}{qB} = \frac{\sqrt{2mK}}{qB}$

$$r_{\text{He}} = r_p > r_e$$

34. Ans. (1)

Sol.  $K_{\text{max}} = \frac{hc}{\lambda} - \frac{hc}{\lambda_0}$

$$\Rightarrow K_{\text{max}} = hc \left( \frac{\lambda_0 - \lambda}{\lambda \lambda_0} \right)$$

$$\Rightarrow K_{\text{max}} = (1237) \left( \frac{380 - 260}{380 \times 260} \right)$$

$$= 1.5 \text{ eV}$$

35. Ans. (2)

Sol.  $N_1 = N_0 e^{-10\lambda t}$

$$N_2 = N_0 e^{-\lambda t}$$

$$\frac{1}{e} = \frac{N_1}{N_2} = e^{-9\lambda t}$$

$$\Rightarrow 9\lambda t = 1$$

$$t = \frac{1}{9\lambda}$$

36. Ans. (4)

Sol.  $\frac{1}{\lambda} = R \left( \frac{1}{n_f^2} - \frac{1}{n_i^2} \right)$

$$\frac{1}{\lambda_1} = R \left( \frac{1}{3^2} - \frac{1}{4^2} \right)$$

$$\frac{1}{\lambda_1} = R \left( \frac{7}{9 \times 16} \right)$$

$$\frac{1}{\lambda_2} = R \left( \frac{1}{2^2} - \frac{1}{3^2} \right)$$

$$= R \left( \frac{5}{4 \times 9} \right)$$

$$\frac{\lambda_1}{\lambda_2} = \frac{\frac{5}{36}}{\frac{7}{9 \times 16}}$$

$$= \frac{20}{7}$$

37. Ans. (3)

Sol.  $2\pi r_n = n\lambda_n$

$$\lambda_3 = \frac{2\pi(4.65 \times 10^{-10})}{3}$$

$$\lambda_3 = 9.7 \text{ \AA}$$

38. Ans. (1)

Sol.  $N_A = N_{OA} e^{-\lambda t} = \frac{N_{OA}}{2^{t/t_{1/2}}} = \frac{N_{OA}}{2^6}$

$\therefore$  Number of nuclei decayed

$$= N_{OA} - \frac{N_{OA}}{2^6} = \frac{63 N_{OA}}{64}$$

$$N_B = N_{OB} e^{-\lambda t} = \frac{N_{OB}}{2^{t/t_{1/2}}} = \frac{N_{OB}}{2^3}$$

$\therefore$  Number of nuclei decayed

$$= N_{OB} - \frac{N_{OB}}{2^3} = \frac{7 N_{OB}}{8}$$

Since  $N_{OA} = N_{OB}$

$\therefore$  Ratio of decayed numbers of nuclei

$$A \text{ \& B} = \frac{63 N_{OA} \times 8}{64 \times 7 N_{OB}} = \frac{9}{8}$$

39. Ans. (3)

Sol.  $h\nu = \phi + eV_0$

$$V_0 = \frac{h\nu}{e} - \frac{\phi}{e}$$

$V_0$  is zero for  $\nu = 4 \times 10^{14}$  Hz

$$0 = \frac{h\nu}{e} - \frac{\phi}{e} \Rightarrow \phi = h\nu$$

$$= \frac{6.63 \times 10^{-34} \times 4 \times 10^{14}}{1.6 \times 10^{-19}} = 1.66 \text{ eV.}$$

40. Ans. (1)

Sol.  $\frac{1}{\lambda} = R \left( \frac{1}{m^2} - \frac{1}{n^2} \right) Z^2$

$$\frac{1}{1085} = R \left( \frac{1}{m^2} - \frac{1}{n^2} \right) 2^2$$

$$\frac{1}{304} = R \left( \frac{1}{1^2} - \frac{1}{m^2} \right) 2^2$$

$$\therefore m = 2$$

$$\therefore n = 5$$