

3D

- समतलों  $x + y + z = 1$  तथा  $2x + 3y - z + 4 = 0$  के प्रतिच्छेदन से गुजरने वाला समतल, जो  $y$  अक्ष के समान्तर है वह समतल किस बिन्दु से गुजरेगा ?  
 (1)  $(-3, 0, -1)$  (2)  $(3, 3, -1)$   
 (3)  $(3, 2, 1)$  (4)  $(-3, 1, 1)$
- उस रेखा का समीकरण, जो बिन्दु  $(-4, 3, 1)$  से गुजरता है तथा समतल  $x + 2y - z - 5 = 0$  के समान्तर है तथा रेखा  $\frac{x+1}{-3} = \frac{y-3}{2} = \frac{z-2}{-1}$  को प्रतिच्छेद करती है, होगा:  
 (1)  $\frac{x+4}{-1} = \frac{y-3}{1} = \frac{z-1}{1}$   
 (2)  $\frac{x+4}{3} = \frac{y-3}{-1} = \frac{z-1}{1}$   
 (3)  $\frac{x+4}{1} = \frac{y-3}{1} = \frac{z-1}{3}$   
 (4)  $\frac{x-4}{2} = \frac{y+3}{1} = \frac{z+1}{4}$
- एक ऐसे समतल का समीकरण, जिस पर रेखा  $\frac{x}{2} = \frac{y}{3} = \frac{z}{4}$  स्थित है तथा जो एक अन्य समतल जिसमें रेखाएँ  $\frac{x}{3} = \frac{y}{4} = \frac{z}{2}$  तथा  $\frac{x}{4} = \frac{y}{2} = \frac{z}{3}$  स्थित हैं, के लम्बवत् है, है :  
 (1)  $x + 2y - 2z = 0$  (2)  $x - 2y + z = 0$   
 (3)  $5x + 2y - 4z = 0$  (4)  $3x + 2y - 3z = 0$
- यदि रेखाएँ  $x = ay + b$ ,  $z = cy + d$  तथा  $x = a'z + b'$ ,  $y = c'z + d'$  लम्बवत् हैं, तो :  
 (1)  $cc' + a + a' = 0$  (2)  $aa' + c + c' = 0$   
 (3)  $ab' + bc' + 1 = 0$  (4)  $bb' + cc' + 1 = 0$
- बिन्दु  $(4, -1, 2)$  से होकर जाने वाला समतल जो रेखाओं  $\frac{x+2}{3} = \frac{y-2}{-1} = \frac{z+1}{2}$  तथा  $\frac{x-2}{1} = \frac{y-3}{2} = \frac{z-4}{3}$  के समांतर है, निम्न में से जिस बिन्दु से भी होकर जाता है, वह है :  
 (1)  $(-1, -1, -1)$  (2)  $(-1, -1, 1)$   
 (3)  $(1, 1, -1)$  (4)  $(1, 1, 1)$

- माना A रेखा  $\vec{r} = (1-3\mu)\hat{i} + (\mu-1)\hat{j} + (2+5\mu)\hat{k}$  पर स्थित एक बिन्दु है तथा B(3, 2, 6) एक अन्य बिन्दु है, तो  $\mu$  का वह मान जिसके लिये सदिश  $\overline{AB}$  समतल  $x - 4y + 3z = 1$  के समांतर है, है :  
 (1)  $\frac{1}{2}$  (2)  $-\frac{1}{4}$  (3)  $\frac{1}{4}$  (4)  $\frac{1}{8}$
- वह समतल, जो बिन्दु  $(-3, -3, 4)$  तथा  $(3, 7, 6)$  को मिलाने वाले रेखाखण्ड को समकोण पर द्विभाजित करता है, निम्न में से किसी एक बिन्दु से गुजरता है ?  
 (1)  $(4, -1, 7)$  (2)  $(4, 1, -2)$   
 (3)  $(-2, 3, 5)$  (4)  $(2, 1, 3)$
- रेखा  $\frac{x-4}{2} = \frac{y-5}{2} = \frac{z-3}{1}$  तथा समतल  $x+y+z = 2$  के प्रतिच्छेदन का बिन्दु निम्न में से कौनसी रेखाओं पर स्थित होगी?  
 (1)  $\frac{x-2}{2} = \frac{y-3}{2} = \frac{z+3}{3}$   
 (2)  $\frac{x-4}{1} = \frac{y-5}{1} = \frac{z-5}{-1}$   
 (3)  $\frac{x-1}{1} = \frac{y-3}{2} = \frac{z+4}{-5}$   
 (4)  $\frac{x+3}{3} = \frac{4-y}{3} = \frac{z+1}{-2}$
- बिन्दुओं  $(0, -1, 0)$  तथा  $(0, 0, 1)$  से होकर जाने वाले तथा समतल  $y - z + 5 = 0$  के साथ  $\frac{\pi}{4}$  का कोण बनाने वाले समतल के अभिलम्ब के दिक् अनुपात (direction ratios) है  
 (1)  $2\sqrt{3}, 1, -1$  (2)  $2, \sqrt{2}, -\sqrt{2}$   
 (3)  $2, -1, 1$  (4)  $\sqrt{2}, 1, -1$
- समतल, जिसमें रेखा  $\frac{x-3}{2} = \frac{y+2}{-1} = \frac{z-1}{3}$  अन्तर्विष्ट है  $2x + 3y - z = 5$  पर प्रक्षेप (projection) भी अन्तर्विष्ट है, पर निम्न में से कौन सा बिन्दु स्थित है ?  
 (1)  $(2, 0, -2)$  (2)  $(-2, 2, 2)$   
 (3)  $(0, -2, 2)$  (4)  $(2, 2, 0)$

11. यदि बिन्दु  $(2, \alpha, \beta)$  उस समतल पर स्थित है जो बिन्दुओं  $(3, 4, 2)$  तथा  $(7, 0, 6)$  से हो कर जाता है तथा समतल  $2x - 5y = 15$  के लम्बवत् है, तो  $2\alpha - 3\beta$  बराबर है:-  
 (1) 5 (2) 17 (3) 12 (4) 7
12. दो रेखाएँ  $\frac{x-3}{1} = \frac{y+1}{3} = \frac{z-6}{-1}$  तथा  $\frac{x+5}{7} = \frac{y-2}{-6} = \frac{z-3}{4}$  एक दूसरे को बिन्दु R पर प्रतिच्छेद करते हैं। बिन्दु R के xy तल में प्रतिबिम्ब के निर्देशांक हैं :-  
 (1) (2, 4, 7) (2) (-2, 4, 7)  
 (3) (2, -4, -7) (4) (2, -4, 7)
13. दो रेखाओं  $\frac{x+2}{3} = \frac{y-2}{5} = \frac{z+5}{7}$  तथा  $\frac{x-1}{1} = \frac{y-4}{4} = \frac{z+4}{7}$  को अंतर्विष्ट करने वाले समतल की मूलबिन्दु से लम्बवत् दूरी है :  
 (1)  $\frac{11}{\sqrt{6}}$  (2)  $6\sqrt{11}$  (3) 11 (4)  $11\sqrt{6}$
14. एक चतुष्फलक (tetrahedron) के शीर्ष  $P(1, 2, 1)$ ,  $Q(2, 1, 3)$ ,  $R(-1, 1, 2)$  तथा  $O(0, 0, 0)$  हैं। फलक OPQ तथा PQR के बीच का कोण है  
 (1)  $\cos^{-1}\left(\frac{9}{35}\right)$  (2)  $\cos^{-1}\left(\frac{19}{35}\right)$   
 (3)  $\cos^{-1}\left(\frac{17}{31}\right)$  (4)  $\cos^{-1}\left(\frac{7}{31}\right)$
15. यदि रेखा  $\frac{x+1}{2} = \frac{y-2}{1} = \frac{z-3}{-2}$  तथा समतल  $x - 2y - kz = 3$  के मध्य कोण  $\cos^{-1}\left(\frac{2\sqrt{2}}{3}\right)$  हो, तो k का मान होगा:  
 (1)  $-\frac{5}{3}$  (2)  $\sqrt{\frac{3}{5}}$  (3)  $\sqrt{\frac{5}{3}}$  (4)  $-\frac{3}{5}$
16. माना  $\lambda$  के सभी वास्तविक मानों का समुच्चय S इस प्रकार है कि एक समतल बिन्दु  $(-\lambda^2, 1, 1)$ ,  $(1, -\lambda^2, 1)$  तथा  $(1, 1, -\lambda^2)$  से गुजरता है तथा बिन्दु  $(-1, -1, 1)$  से भी गुजरता है। तब S होगा :  
 (1)  $\{\sqrt{3}\}$  (2)  $\{\sqrt{3}, -\sqrt{3}\}$   
 (3)  $\{1, -1\}$  (4)  $\{3, -3\}$
17. बिन्दु  $(2, -1, 4)$  से सरल रेखा  $\frac{x+3}{10} = \frac{y-2}{-7} = \frac{z}{1}$  पर खींचे गए लंब की लंबाई -  
 (1) 2 से कम है।  
 (2) 3 से अधिक परंतु 4 से कम है।  
 (3) 4 से अधिक है।  
 (4) 2 से अधिक परंतु 3 से कम है।
18. समतलों  $2x - y - 4 = 0$  तथा  $y + 2z - 4 = 0$  की प्रतिच्छेदन रेखा को अंतर्विष्ट करने वाले तथा बिन्दु  $(1, 1, 0)$  से होकर जाने वाले समतल का समीकरण है -  
 (1)  $x + 3y + z = 4$  (2)  $x - y - z = 0$   
 (3)  $x - 3y - 2z = -2$  (4)  $2x - z = 2$
19. समतलों  $x + y + z = 1$  तथा  $2x + 3y + 4z = 5$  की प्रतिच्छेदन रेखा से हो कर जाने वाले तथा समतल  $x - y + z = 0$  के लम्बवत् समतल का सदिश समीकरण है:-  
 (1)  $\vec{r} \times (\hat{i} + \hat{k}) + 2 = 0$   
 (2)  $\vec{r} \cdot (\hat{i} - \hat{k}) - 2 = 0$   
 (3)  $\vec{r} \cdot (\hat{i} - \hat{k}) + 2 = 0$   
 (4)  $\vec{r} \times (\hat{i} - \hat{k}) + 2 = 0$
20. यदि एक बिन्दु  $R(4, y, z)$  बिन्दुओं  $P(2, -3, 4)$  तथा  $Q(8, 0, 10)$  को मिलाने वाले रेखाखण्ड पर स्थित है, तो R की मूलबिन्दु से दूरी है :-  
 (1)  $2\sqrt{14}$  (2) 6  
 (3)  $\sqrt{53}$  (4)  $2\sqrt{21}$
21. बिन्दुओं  $(0, -1, 0)$  तथा  $(0, 0, 1)$  से हो कर जाने वाला एक समतल, जो समतल  $y - z + 5 = 0$  के साथ  $\frac{\pi}{4}$  का कोण बनाता है, निम्न में से किस बिन्दु से होकर जाता है?  
 (1)  $(-\sqrt{2}, 1, -4)$  (2)  $(\sqrt{2}, 1, 4)$   
 (3)  $(\sqrt{2}, -1, 4)$  (4)  $(-\sqrt{2}, -1, -4)$

22. यदि रेखा  $\frac{x-1}{2} = \frac{y+1}{3} = \frac{z-2}{4}$ , समतल  $x + 2y + 3z = 15$  को बिंदु P पर मिलती है, तो P की मूल बिंदु से दूरी है :

- (1)  $\frac{9}{2}$       (2)  $2\sqrt{5}$       (3)  $\frac{\sqrt{5}}{2}$       (4)  $\frac{7}{2}$

23.  $\Delta ABC$  के शीर्ष B तथा C रेखा  $\frac{x+2}{3} = \frac{y-1}{0} = \frac{z}{4}$  पर स्थित हैं तथा  $BC = 5$  इकाई है। यदि दिया है कि बिन्दु  $A(1, -1, 2)$  है, तो इस त्रिभुज का क्षेत्रफल (वर्ग इकाइयों में) है:-

- (1)  $2\sqrt{34}$       (2)  $\sqrt{34}$       (3) 6      (4)  $5\sqrt{17}$

24. माना P एक समतल है जिसमें समतलों  $x + y + z - 6 = 0$  तथा  $2x + 3y + z + 5 = 0$  की प्रतिच्छेदन रेखा अंतर्विष्ट है तथा यह  $xy$ -तल के लंबवत है। तो बिन्दु  $(0, 0, 256)$  की P से दूरी बराबर है :-

- (1)  $63\sqrt{5}$       (2)  $205\sqrt{5}$   
(3)  $171\sqrt{5}$       (4)  $111\sqrt{5}$

25. यदि रैखिक समीकरण निकाय  
 $x + y + z = 5$   
 $x + 2y + 2z = 6$   
 $x + 3y + \lambda z = \mu$ , ( $\lambda, \mu \in \mathbb{R}$ ) के अनन्त हल है, तो  $\lambda + \mu$  का मान है :

- (1) 12      (2) 10      (3) 9      (4) 7

26. माना एक त्रिभुज के शीर्ष बिन्दु  $A(3, 0, -1)$ ,  $B(2, 10, 6)$  तथा  $C(1, 2, 1)$  हैं तथा AC का मध्यबिन्दु M है। यदि G, BM को 2 : 1 के अनुपात में विभाजित करता है, तो  $\cos(\angle GOA)$  (O मूलबिन्दु है) बराबर है :

- (1)  $\frac{1}{\sqrt{30}}$       (2)  $\frac{1}{6\sqrt{10}}$   
(3)  $\frac{1}{\sqrt{15}}$       (4)  $\frac{1}{2\sqrt{15}}$

27. यदि बिंदु  $(\beta, 0, \beta)$  ( $\beta \neq 0$ ) से रेखा  $\frac{x}{1} = \frac{y-1}{0} = \frac{z+1}{-1}$  पर खींचे गए लंब की लंबाई  $\sqrt{\frac{3}{2}}$  है, तो  $\beta$  बराबर है :

- (1) -1      (2) 2      (3) -2      (4) 1

28. यदि बिन्दु P का समतल  $3x - y + 4z = 2$  में प्रतिबिम्ब  $Q(0, -1, -3)$  है तथा  $R(3, -1, -2)$  एक अन्य बिन्दु है, तो  $\Delta PQR$  का क्षेत्रफल (वर्ग इकाइयों में) है :

- (1)  $\frac{\sqrt{65}}{2}$       (2)  $\frac{\sqrt{91}}{4}$       (3)  $2\sqrt{13}$       (4)  $\frac{\sqrt{91}}{2}$

29. रेखा  $\frac{x-1}{2} = \frac{y+1}{-1} = \frac{z}{1}$  के एक बिन्दु से समतल  $x + y + z = 3$  पर एक लम्ब इस प्रकार डाला गया कि इसका लम्बपाद Q, समतल  $x - y + z = 3$  पर भी स्थित है। तो Q के निर्देशांक है :

- (1) (2, 0, 1)      (2) (4, 0, -1)  
(3) (-1, 0, 4)      (4) (1, 0, 2)

30. यदि समतल  $2x - y + 2z + 3 = 0$  की समतलों  $4x - 2y + 4z + \lambda = 0$  तथा  $2x - y + 2z + \mu = 0$  से दूरियाँ क्रमशः  $\frac{1}{3}$  तथा  $\frac{2}{3}$  इकाइयाँ हैं, तो  $\lambda + \mu$  का अधिकतम मान है :

- (1) 15      (2) 5  
(3) 13      (4) 9

31. यदि रेखा  $\frac{x-2}{3} = \frac{y+1}{2} = \frac{z-1}{-1}$ , समतल

$2x + 3y - z + 13 = 0$  को बिन्दु P पर काटती है तथा समतल  $3x + y + 4z = 16$  को बिन्दु Q पर काटती है, तो PQ बराबर हैं :

- (1)  $2\sqrt{14}$       (2)  $\sqrt{14}$       (3)  $2\sqrt{7}$       (4) 14

32. रेखाओं  $\vec{r} = (\hat{i} + \hat{j}) + \lambda(\hat{i} + 2\hat{j} - \hat{k})$  तथा

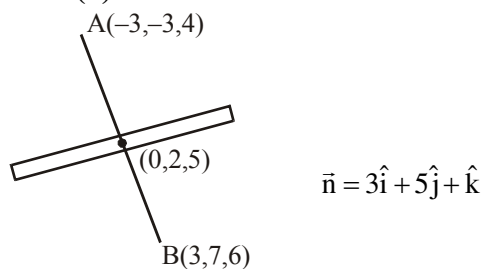
$\vec{r} = (\hat{i} + \hat{j}) + \mu(-\hat{i} + \hat{j} - 2\hat{k})$  को अंतर्विष्ट करते समतल पर बिन्दु (2, 1, 4) से डाले गये लम्ब की लम्बाई है :

(1)  $\sqrt{3}$       (2)  $\frac{1}{\sqrt{3}}$       (3)  $\frac{1}{3}$       (4) 3

33. दो दिए गए समतलों  $2x - y + 2z - 4 = 0$  तथा  $x + 2y + 2z - 2 = 0$  के बीच के कोण को समद्विभाजित करता एक समतल, निम्न में से किस बिन्दु से होकर जाता है:

(1) (2, 4, 1)                      (2) (2, -4, 1)  
 (3) (1, 4, -1)                      (4) (1, -4, 1)



7. **Ans. (2)**

$$p: 3(x-0) + 5(y-2) + 1(z-5) = 0$$

$$3x + 5y + z = 15$$

$\therefore$  Option (2)

8. **Ans. (3)**

General point on the given line is

$$x = 2\lambda + 4$$

$$y = 2\lambda + 5$$

$$z = \lambda + 3$$

Solving with plane,

$$2\lambda + 4 + 2\lambda + 5 + \lambda + 3 = 2$$

$$5\lambda + 12 = 2$$

$$5\lambda = -10$$

$$\boxed{\lambda = -2}$$

$\therefore$  Option (3)

9. **Ans. (2, 4)**

Let the equation of plane be

$$a(x-0) + b(y+1) + c(z-0) = 0$$

It passes through (0,0,1) then

$$b + c = 0 \quad \dots(1)$$

$$\text{Now } \cos \frac{\pi}{4} = \frac{a(0) + b(1) + c(-1)}{\sqrt{2}\sqrt{a^2 + b^2 + c^2}}$$

$$\Rightarrow a^2 = -2bc \text{ and } b = -c$$

$$\text{we get } a^2 = 2c^2$$

$$\Rightarrow a = \pm\sqrt{2}c$$

$$\Rightarrow \text{direction ratio } (a, b, c) = (\sqrt{2}, -1, 1) \text{ or}$$

$$(\sqrt{2}, 1, -1)$$

10. **Ans. (1)**

The normal vector of required plane

$$= (2\hat{i} - \hat{j} + 3\hat{k}) \times (2\hat{i} + 3\hat{j} - \hat{k})$$

$$= -8\hat{i} + 8\hat{j} + 8\hat{k}$$

So, direction ratio of normal is (-1, 1, 1)

So required plane is

$$-(x-3) + (y+2) + (z-1) = 0$$

$$\Rightarrow -x + y + z + 4 = 0$$

Which is satisfied by (2, 0, -2)

11. **Ans. (4)**

Normal vector of plane

$$= \begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ 2 & -5 & 0 \\ 4 & -4 & 4 \end{vmatrix} = -4(5\hat{i} + 2\hat{j} - 3\hat{k})$$

equation of plane is  $5(x-7) + 2y - 3(z-6) = 0$

$$5x + 2y - 3z = 17$$

12. **Ans. (3)**

Point on  $L_1$  ( $\lambda + 3, 3\lambda - 1, -\lambda + 6$ )

Point on  $L_2$  ( $7\mu - 5, -6\mu + 2, 4\mu + 3$ )

$$\Rightarrow \lambda + 3 = 7\mu - 5 \quad \dots(i)$$

$$3\lambda - 1 = -6\mu + 2 \quad \dots(ii)$$

$$\Rightarrow \lambda = -1, \mu = 1$$

point R(2, -4, 7)

Reflection is (2, -4, -7)

13. **Ans. (1)**

$$\begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ 3 & 5 & 7 \\ 1 & 4 & 7 \end{vmatrix}$$

$$\hat{i}(35-28) - \hat{j}(21-7) + \hat{k}(12-5)$$

$$7\hat{i} - 14\hat{j} + 7\hat{k}$$

$$\hat{i} - 2\hat{j} + \hat{k}$$

$$1(x+2) - 2(y-2) + 1(z+15) = 0$$

$$x - 2y + z + 11 = 0$$

$$\frac{11}{\sqrt{4+1+1}} = \frac{11}{\sqrt{6}}$$



**21. Official Ans. by NTA (2)****Sol.** Let  $ax + by + cz = 1$  be the equation of the plane

$$\Rightarrow 0 - b + 0 = 1$$

$$\Rightarrow b = -1$$

$$0 + 0 + c = 1$$

$$\Rightarrow c = 1$$

$$\cos \theta = \frac{|\vec{a} \cdot \vec{b}|}{|\vec{a}| |\vec{b}|}$$

$$\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{|0 - 1 - 1|}{\sqrt{(a^2 + 1 + 1)} \sqrt{0 + 1 + 1}}$$

$$\Rightarrow a^2 + 2 = 4$$

$$\Rightarrow a = \pm\sqrt{2}$$

$$\Rightarrow \pm\sqrt{2}x - y + z = 1$$

Now for  $-$ sign

$$-\sqrt{2} \cdot \sqrt{2} - 1 + 4 = 1$$

option (2)

**22. Official Ans. by NTA (1)****Sol.** Any point on the given line can be

$$(1 + 2\lambda, -1 + 3\lambda, 2 + 4\lambda); \lambda \in \mathbb{R}$$

Put in plane

$$1 + 2\lambda + (-2 + 6\lambda) + (6 + 12\lambda) = 15$$

$$20\lambda + 5 = 15$$

$$20\lambda = 10$$

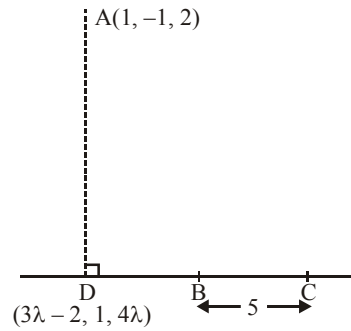
$$\lambda = \frac{1}{2}$$

$$\therefore \text{Point} \left( 2, \frac{1}{2}, 4 \right)$$

Distance from origin

$$= \sqrt{4 + \frac{1}{4} + 16} = \frac{\sqrt{16 + 1 + 64}}{2} = \frac{\sqrt{81}}{2}$$

$$= \frac{9}{2}$$

**23. Official Ans. by NTA (2)****Sol.**

$$\vec{AD} \cdot (3\hat{i} + 4\hat{k}) = 0$$

$$3(3\lambda - 2) + 0 + 4(4\lambda - 2) = 0$$

$$(9\lambda - 6) + (16\lambda - 8) = 0$$

$$25\lambda = 14 \Rightarrow \lambda = \frac{14}{25}$$

$$\therefore \vec{AD} = \left( \frac{51}{25} - 2 \right) \hat{i} + 2\hat{j} + \left( \frac{68}{25} - 2 \right) \hat{k}$$

$$= \frac{24}{25} \hat{i} + 2\hat{j} + \frac{18}{25} \hat{k}$$

$$|\vec{AD}| = \sqrt{\frac{576}{625} + 4 + \frac{324}{625}}$$

$$= \sqrt{\frac{900}{625} + 4} = \sqrt{\frac{3400}{625}}$$

$$= \sqrt{34} \cdot \frac{10}{25} = \frac{2}{5} \sqrt{34}$$

$$\text{Area of } \Delta = \frac{1}{2} \times 5 \times \frac{2\sqrt{34}}{5} = \sqrt{34}$$

**24. Official Ans. by NTA (4)****Sol.**  $\lambda(x + y + z - 6) + 2x + 3y + z + 5 = 0$ 

$$(\lambda + 2)x + (\lambda + 3)y + (\lambda + 1)z + 5 - 6\lambda = 0$$

$$\lambda + 1 = 0 \Rightarrow \lambda = -1$$

$$P : x + 2y + 11 = 0$$

$$\text{perpendicular distance} = \frac{11}{\sqrt{5}}$$

**25. Official Ans. by NTA (2)****Sol.**  $x + 3y + \lambda z - \mu = p(x + y + z - 5) + q(x + 2y + 2z - 6)$ 

on comparing the coefficient;

$$p + q = 1 \text{ and } p + 2q = 3$$

$$\Rightarrow (p, q) = (-1, 2)$$

$$\text{Hence } x + 3y + \lambda z - \mu = x + 3y + 3z - 7$$

$$\Rightarrow \lambda = 3, \mu = 7$$



**26. Official Ans. by NTA (3)**

**Sol.** G is the centroid of  $\Delta ABC$

$$G \equiv (2, 4, 2)$$

$$\vec{OG} = 2\hat{i} + 4\hat{j} + 2\hat{k}$$

$$\vec{OA} = 3\hat{i} - \hat{k}$$

$$\cos(\angle GOA) = \frac{\vec{OG} \cdot \vec{OA}}{|\vec{OG}| |\vec{OA}|} = \frac{1}{\sqrt{15}}$$

**27. Official Ans. by NTA (1)**

**Sol.** One of the point on line is  $P(0, 1, -1)$  and given point is  $Q(\beta, 0, \beta)$ .

$$\text{So, } \vec{PQ} = \beta\hat{i} - \hat{j} + (\beta+1)\hat{k}$$

$$\text{Hence, } \beta^2 + 1 + (\beta+1)^2 - \frac{(\beta - \beta - 1)^2}{2} = \frac{3}{2}$$

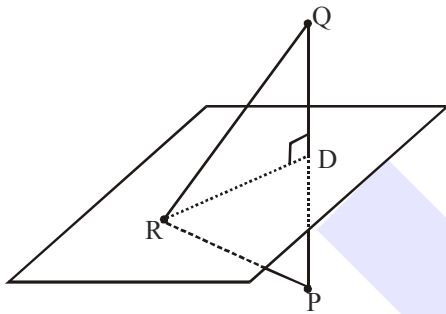
$$\Rightarrow 2\beta^2 + 2\beta = 0$$

$$\Rightarrow \beta = 0, -1$$

$$\Rightarrow \beta = -1 \text{ (as } \beta \neq 0)$$

**28. Official Ans. by NTA (4)**

**Sol.** R lies on the plane.



$$DQ = \frac{|11-12-21|}{\sqrt{9+1+16}} = \frac{13}{\sqrt{26}} = \sqrt{\frac{13}{2}}$$

$$\Rightarrow PQ = \sqrt{26}$$

$$\text{Now, } RQ = \sqrt{9+1} = \sqrt{10}$$

$$\Rightarrow RD = \sqrt{10 - \frac{13}{2}} = \sqrt{\frac{7}{2}}$$

$$\text{Hence, } \text{ar}(\Delta PQR) = \frac{1}{2} \times \sqrt{26} \times \sqrt{\frac{7}{2}} = \frac{\sqrt{91}}{2}$$

**29. Official Ans. by NTA (1)**

**Sol.** Let point P on the line is  $(2\lambda + 1, -\lambda - 1, \lambda)$  foot of perpendicular Q is given by

$$\frac{x - 2\lambda - 1}{1} = \frac{y + \lambda + 1}{1} = \frac{z - \lambda}{1} = \frac{-(2\lambda - 3)}{3}$$

$$\therefore Q \text{ lies on } x + y + z = 3 \text{ \& } x - y + z = 3$$

$$\Rightarrow x + z = 3 \text{ \& } y = 0$$

$$y = 0 \Rightarrow \lambda + 1 = \frac{-2\lambda + 3}{3} \Rightarrow \lambda = 0$$

$$\Rightarrow Q \text{ is } (2, 0, 1)$$

**30. Official Ans. by NTA (3)**

**Sol.**  $4x - 2y + 4z + 6 = 0$

$$\frac{|\lambda - 6|}{\sqrt{16+4+16}} = \frac{|\lambda - 6|}{6} = \frac{1}{3}$$

$$|\lambda - 6| = 2$$

$$\lambda = 8, 4$$

$$\frac{|\mu - 3|}{\sqrt{4+4+1}} = \frac{2}{3}$$

$$|\mu - 3| = 2$$

$$\mu = 5, 1$$

$$\therefore \text{Maximum value of } (\mu + \lambda) = 13.$$

**31. Official Ans. by NTA (1)**

**Sol.**  $\frac{x-2}{3} = \frac{y+1}{2} = \frac{z-1}{-1} = \lambda$

$$x = 3\lambda + 2, y = 2\lambda - 1, z = -\lambda + 1$$

$$\text{Intersection with plane } 2x + 3y - z + 13 = 0$$

$$2(3\lambda + 2) + 3(2\lambda - 1) - (-\lambda + 1) + 13 = 0$$

$$13\lambda + 13 = 0 \quad \boxed{\lambda = -1}$$

$$\therefore P(-1, -3, 2)$$

Intersection with plane

$$3x + y + 4z = 16$$

$$3(3\lambda + 2) + (2\lambda - 1) + 4(-\lambda + 1) = 16$$

$$\lambda = 1$$

$$Q(5, 1, 0)$$

$$PQ = \sqrt{6^2 + 4^2 + 2^2} = \sqrt{56} = 2\sqrt{14}$$

**32. Official Ans. by NTA (1)****Sol.** perpendicular vector to the plane

$$\vec{n} = \begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ 1 & 2 & -1 \\ -1 & 1 & -2 \end{vmatrix} = -3\hat{i} + 3\hat{j} + 3\hat{k}$$

Eq. of plane

$$-3(x-1) + 3(y-1) + 3z = 0$$

$$\Rightarrow x - y - z = 0$$

$$d_{(2,1,4)} = \frac{|2-1-4|}{\sqrt{1^2+1^2+1^2}} = \sqrt{3}$$

**33. Official Ans. by NTA (2)****Sol.** equation of bisector of angle

$$\frac{2x - y + 2z - 4}{3} = \pm \frac{x + 2y + 2z - 2}{3}$$

$$(+)\text{ gives } x - 3y = 2$$

$$(-)\text{ gives } 3x + y + 4z = 6$$

therefore option (ii) satisfy